"00"01"02"03"04"05"06"07"08"09"0A"0B"0C"0D"0E"0F"

"4C"4D"4E"4F"50"51"52"53"54"55"56"57"58"59"5A"5B"

"4A"71"4B"79

Prinzipien von Programmiersprachen Vorlesung Wintersemester 2007 – 2024

Johannes Waldmann, HTWK Leipzig

13. Dezember 2024

- Typeset by FoilTEX -

Einleitung

Organisatorisches

- nur für die erste Übung (vor der ersten Vorlesung),
- danach erscheint hier (Woche für Woche jeweils nach der VL) das reguläre Skript.
- alle Informationen zu meinen LV erreichen Sie von https://www.imn.htwk-leipzig.de/~waldmann/
- Lehrmaterial (z.B. Quelltexte) und Einteilung und Diskussion von Hausaufgaben: https://gitlab.dit. htwk-leipzig.de/johannes.waldmann/pps-ws24
- nächste Folie: Beispiel-Hausaufgaben

- Typeset by FoilTEX -

Einleitung

Programme und Algorithmen

- Algorithmus (vgl. VL Alg. und Datenstr.)
 Vorschrift zur Lösung einer Aufgabe
- Programm (vgl. VL zu (Anwendungsorientierter) Progr.)
 Realisierung eines Algorithmus in konkreter
 Programmiersprache, zur Ausführung durch Maschine
- Programmiersprache bietet Ausdrucksmittel zur Realisierung von Algorithmen als Programme

- Typeset by FoilT_EX -

Typeset by FoilTEX -

Deutsch als Programmiersprache

§6 (2) ... Der Zuteilungsdivisor ist so zu bestimmen, dass insgesamt so viele Sitze auf die Landeslisten entfallen, wie Sitze zu vergeben sind. Dazu wird zunächst die Gesamtzahl der Zweitstimmen aller zu berücksichtigenden Landeslisten durch die Zahl der jeweils nach Absatz 1 Satz 3 verbleibenden Sitze geteilt. Entfallen danach mehr Sitze auf die Landeslisten, als Sitze zu vergeben sind,... §6 (5) Die Zahl der nach Absatz 1 Satz 3 verbleibenden Sitze wird so lange erhöht, bis jede Partei bei der zweiten Verteilung der Sitze nach Absatz 6 Satz 1 mindestens die bei der ersten Verteilung nach den Absätzen 2 und 3 für sie ermittelten zuzüglich der in den Wahlkreisen errungenen Sitze erhält, die nicht nach Absatz 4 Satz 1 von der Zahl der für die Landesliste ermittelten Sitze abgerechnet werden können. https://www.gesetze-im-internet.de/bwahlg/__6.html

- Typeset by FoilTEX -

Struktur durch Klammern, ist doch klar

• Wo ist die öffnende Klammer für die Muskatnuß?

42% vegane Salatcreme
(Rapsől, Sojagetránk (Wasser,
Sojabohnen 9%), Senf (Wasser, gelbe
Senfkörner, Branntweinessig, Salz, braune
Senfkörner, Gewürze), Zitronensaft aus
Zitronensaftkonzentrat, Salz, Pfeffer, Knoblauch,
Muskatnuss), 26% eingelegte Aubergine (Aubergine
90%, Wasser, Weißweinessig, Zucker, Salz, Gewürze),
Senfgurken 18% (geschälte Gurken, Zucker,
Branntweinessig, Salz, Senfkörner, Antioxidationsmittel: Ascorbinsäure; Säuerungsmittel: Citronensäure), eingelegter Sellerie (Sellerie, Branntweinessig,
Zucker, Salz, Säuerungsmittel: Citronensäure)
Söw Braunalge (Laminaria ochroleuca),
50% Rotalge (Porphyra spp)).

(HMF Food Production, Dortmund, 2022)

• vgl. Syntax von LISP (John McCarthy 1958),

z.B. https://research.scheme.org/lambda-papers/

- Typeset by FoilTEX -

Beispiel: mehrsprachige Projekte

ein typisches Projekt besteht aus:

• Datenbank: SQL

Verarbeitung: Java

Oberfläche: HTML

Client-Code: Java-Script

und das ist noch nicht die ganze Wahrheit: nenne weitere Sprachen, die üblicherweise in einem solchen Projekt vorkommen

In / Into

- David Gries (1981) zugeschrieben, zitiert u.a. in McConnell: Code Complete, 2004. Unterscheide:
- programming in a language
 Einschränkung des Denkens auf die (mehr oder weniger zufällig) vorhandenen Ausdrucksmittel
- programming into a language
 Algorithmus → Programm
- Ludwig Wittgenstein: Die Grenzen meiner Sprache sind die Grenzen meiner Welt (sinngemäß — Ü: Original?)
- Folklore:

A good programmer can write LISP in any language.

- Typeset by FoilT_EX - 6

Sprache

- wird benutzt, um Ideen festzuhalten/zu transportieren (Wort, Satz, Text, Kontext)
- · wird beschrieben durch
- Lexik
- Syntax
- Semantik
- Pragmatik
- natürliche Sprachen / formale Sprachen

- Typeset by FoilTEX -

Konzepte

- Syntax: konkrete (für Zeichenfolgen), abstrakte (Bäume)
- Hierarchien (baumartige Strukturen)
- einfache und zusammengesetzte (arithmetische, logische) Ausdrücke
- einfache und zusammengesetzte Anweisungen (strukturierte Programme)
- Komponenten (Klassen, Module, Pakete)
- Semantik: statische (vor Ausführung), dynamische
- Typen (Code-Prüfung und -Erzeugung vor Ausführung)
- Namen: stehen für Werte, gestatten Wiederverwendung
- flexible Wiederverwendung durch Parameter (Argumente) Unterprogramme: Daten, Polymorphie: Typen

- Typeset by FoilT_EX -

Ziele der LV

Methoden, Konzepte, Paradigmen Arbeitsweise:

- isoliert beschreiben
- an Beispielen in (bekannten und unbekannten) Sprachen wiedererkennen

Ziel:

- verbessert die Organisation des vorhandenen Wissens
- gestattet die Beurteilung und das Erlernen neuer Sprachen
- hilft bei Entwurf eigener (anwendungsspezifischer) Sprachen

- Typeset by FoilTEX -

Organisation

Vorlesung

Typeset by FoilT_EX

- Hausaufgaben (ergibt Prüfungszulassung) mit diesen Aufgaben-Formen:
- individuell online (autotool) https://autotool.imn.htwk-leipzig.de/new/ semester/96/vorlesungen
- in Gruppen (je 3 Personen) Präsentation und Bewertung in Übung Koordination: Projekt (Wiki, Issues) https://git. imn.htwk-leipzig.de/waldmann/pps-ws23

Klausur: 120 min, ohne Hilfsmittel

Wie unterschiedlich sind Sprachen?

- weitgehend übereinstimmende Konzepte.
- LISP (1958) = Perl = PHP = Python = Ruby = Javascript = Clojure: imperativ, (funktional), nicht statisch typisiert (d.h., unsicher und ineffizient)
- Algol (1958) = Pascal = C = Java = C# imperativ, statisch typisiert
- ML (1973) = Haskell: statisch typisiert, generische Polymorphie
- echte Unterschiede ("Neuerungen") gibt es auch
- CSP (1977) = Occam (1983) = Go: Prozesse, Kanäle
- Clean (1987) ≈ Rust (2012): Lineare Typen
- Coq (1984) = Agda (1999) = Idris: dependent types

- Typeset by FoilTEX -

Paradigmen

imperativ

Programm ist Folge von Befehlen (Befehl bewirkt Zustandsänderung)

- deklarativ (Programm ist Spezifikation)
 - funktional (Gleichungssystem)
 - logisch (logische Formel über Termen)
 - Constraint (log. F. über anderen Bereichen)
- objektorientiert (klassen- oder prototyp-basiert)
- nebenläufig (nichtdeterministisch, explizite Prozesse)
- (hoch) parallel (deterministisch, implizit)

- Typeset by FoilT_EX -

10

Beziehungen zu anderen LV

- Grundlagen der Informatik, der Programmierung: strukturierte (imperative) Programmierung
- Softwaretechnik/Projekt objektorientierte Modellierung und Programmierung, funktionale Programmierung und OO-Entwurfsmuster
- (SS 22) Fortgeschrittene Konzepte in Progr.-Spr.
- Compilerbau: Implementierung v. Syntax u. Semantik

Anwendungsspezifische Sprachen und Paradigmen:

• Datenbanken, Computergrafik, künstliche Intelligenz, Web-Programmierung, parallele/nebenläufige Programmierung

- Typeset by FoilTEX -

Literatur

• Skript, Aufgaben usw. erreichbar von https: //www.imn.htwk-leipzig.de/~waldmann/edu/

Zum Vergleich/als Hintergrund:

- Abelson, Sussman, Sussman: Structure and Interpretation of Computer Programs, MIT Press 1984 https://mitp-content-server.mit.edu/books/ content/sectbyfn/books_pres_0/6515/sicp. zip/index.html
- Robert W. Sebesta: Concepts of Programming Languages, Addison-Wesley 2004, ...
- Turbak, Gifford: Design Concepts of Programming

Languages, MIT Press 2008

https://cs.wellesley.edu/~fturbak/

- Typeset by FoilT_EX -

(nach Sebesta: Concepts of Programming Languages)

• Methoden: (3) Beschreibung von Syntax und Semantik

Inhalt

- Konzepte:
- (5) Namen, Bindungen, Sichtbarkeiten
- (6) Typen von Daten, Typen von Bezeichnern
- (7) Ausdrücke und Zuweisungen, (8) Anweisungen und Ablaufsteuerung, (9) Unterprogramme
- Paradigmen:
- (12) Objektorientierung ((11) Abstrakte Datentypen)
- (15) Funktionale Programmierung

- Typeset by FoilTEX -

17

Haus-Aufgaben

WS 24: 7, 6, (4 oder 3)

Lesen Sie E. W. Dijkstra: On the foolishness of natural language programming"

https://www.cs.utexas.edu/users/EWD/ transcriptions/EWD06xx/EWD667.html

und beantworten Sie

- womit wird "einfaches Programmieren" fälschlicherweise gleichgesetzt?
- welche wesentliche Verbesserung brachten h\u00f6here Programmiersprachen, welche Eigenschaft der Maschinensprachen haben sie trotzdem noch?
- warum sollte eine Schnittstelle narrow sein?

- Typeset by FoilT_EX -

- Typeset by FoilTEX -

Typeset by $FoilT_EX$

- welche formalen Notationen von Vieta, Descartes, Leibniz, Boole sind gemeint? (jeweils: Wissenschaftsbereich, (heutige) Bezeichnung der Notation, Beispiele)
- warum können Schüler heute das lernen, wozu früher nur Genies in der Lage waren?
- Übersetzen Sie den Satz "the naturalness of ... obvious".

Geben Sie dazu jeweils an:

- die Meinung des Autors, belegt durch konkrete Textstelle und zunächst wörtliche, dann sinngemäße Übersetzung
- Beispiele aus Ihrer Erfahrung

- Typeset by FoilT_EX -

19

- zu John C. Reynolds: Some Thoughts on Teaching Programming and Programming Languages 2008, von An additional reason for teaching programming languages... bis Ende:
 - Warum wird auf Turing-Vollständigkeit verwiesen?
 - Geben Sie Beispiele aus Ihrer Erfahrung für problematische *input formats*, oder problemfreie.
 - partial list of the kind of capabilities...: ordnen Sie die Listenelemente konkreten Lehrveranstaltungen zu (bereits absolvierte oder noch kommende)

B. zu Skriptsprachen: finde die Anzahl der "*.java"-Dateien unter \$HOME/workspace, die den Bezeichner String enthalten (oder eine ähnliche Anwendung) (Benutze eine Pipe aus drei Unix-Kommandos.)

Lösungen:

```
find workspace/ -name "*.java" | xargs grep
find workspace/ -name "*.java" -exec grep
```

Das dient als Wiederholung zur Benutzung von Unix (GNU/Linux): führen Sie vor:

- eine Shell öffnen
- in der Manpage von find die Beschreibung von -exec anzeigen. Finden Sie (mit geeignetem

- Typeset by FoilTEX -

21

23

Shell-Kommandos) den Quelltext dieser Manpage, zeigen diesen an. (Wie benutzt man man? so: man man.)

(2024 - was war hier los? https:

//git.savannah.gnu.org/cgit/man-db.git/commit/
?id=b225d9e76fbb0a6a4539c0992fba88c83f0bd37e

- was bedeutet der senkrechte Strich? in welcher Manpage steht das? in welcher Vorlesung war das dran?
- erklären Sie https://xkcd.com/378/, führen Sie die vier genannten Editoren vor, in dem Sie jeweils eine einzeilige Textdatei erzeugen.

Bei Vorführung (Screen-Sharing/Projektion):

große (Control-Plus), schwarze Schrift auf weißem Grund

4. funktionales Programmieren in Haskell
 (http://www.haskell.org/)

ghci
:set +t
length \$ takeWhile (== '0') \$ reverse \$ shown in the set of the set of

- zeigen Sie (den Studenten, die das noch nicht gesehen haben), wo die Software (hier ghc) im Pool installiert ist, und wie man sie benutzt und die Benutzung vereinfacht (PATH)
- Werten Sie den angegebenen Ausdruck aus sowie alle Teilausdrück ([1..100], product [1..100], usw.
- den Typ von reverse durch ghai anzeigen lassen
- nach diesem Typ in

- Typeset by FoilT_EX -

https://hoogle.haskell.org/suchen. (Einschränken auf package:base) Die anderen (drei) Funktionen dieses Typs aufrufen.

- eine davon erzeugt unendliche Listen, wie werden die im Speicher repräsentiert, wie kann man sie benutzen? (Am Beispiel zeigen.)
- PostScript

```
42 42 scale 7 9 translate .07 setlinewidth setgray}def 1 0 0 42 1 0 c 0 1 1{0 3 3 90 2 arcn 270 90 c -2 2 4{-6 moveto 0 12 rlineto 9 0 rlineto}for stroke 0 0 3 1 1 0 c 180 rd
```

In eine Text-Datei what .ps schreiben (vgl. Aufgabe 3) ansehen mit gv what .ps (im Menu: State \rightarrow watch file).

- Typeset by FoilT_EX -

5. In SICP 1.1 werden drei Elemente der Programmierung genannt. Illustrieren Sie diese Elemente durch Beispiele aus https://99-bottles-of-beer.net/ Führen Sie nach Möglichkeit vor (im Pool, nicht in Web-Oberfläche von Dritt-Anbietern).

 Stellen Sie Ihren Browser datenschutzgerecht ein (Wahl des Browsers, der Default-Suchmaschine, Blockieren von Schadsoftware.)

In einem neuen Firefox-Profil (about:profiles) ausprobieren und diskutieren: Umatrix (dessen Log betrachten), Temporary Containers.

Vgl. https://restoreprivacy.com/firefox-privacy/(hat selbst viele Tracker!) und weitere.

- Typeset by FoilT_EX -

Token-Klassen

- reservierte Wörter (if, while, class, ...)
- Bezeichner (foo, bar, ...)
- Literale für ganze Zahlen, Gleitkommazahlen, Strings, Zeichen, . . .
- Trenn- und Schlußzeichen (Komma, Semikolon)
- Klammern (runde: paren(these)s, eckige: brackets, geschweifte: braces, spitze: angle brackets)
- Operatoren (=, +, &&,...)
- Leerzeichen, Kommentare (whitespace)

alle Token einer Klasse bilden eine formale Sprache.

Typeset by FoilTEX -

- Typeset by FoilT_EX

Lexik (Bsp): numerische Literale

- Ada (2012) http://www.ada-auth.org/ standards/rm12_w_tc1/html/RM-2-4.html
- Beispiele (Elemente der Literalmenge)

• formale Definition der Literalmenge

numeric_literal ::= decimal_literal | based_literal
decimal_literal ::= numeral [.numeral] [exponent]
numeral ::= digit {[underline] digit}
exponent ::= E [+] numeral | E - numeral
digit ::= 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9

benutzt eine Notation f. reguläre Ausdrücke

Mit Editor Quelltext ändern, Wirkung betrachten.

- Ändern Sie die Strich-Stärke!
- wie funktioniert die Steuerung einer Zählschleife?
- warum ist PostScript: imperativ? strukturiert? prozedural?
- führen Sie wenigstens ein weiteres ähnliches PostScript-Programm vor (kurzer Text, aber nichttriviale Rechnung). Quelle angeben, Programmtext erklären!
- nennen Sie einige Aspekte von PS, die in PDF übernommen wurden (Beantworten Sie anhand der Original-Dokumentation.)
- Warum sollte man niemals "online und ganz umsonst PS to PDF converter" benutzen?

- Typeset by FoilT_EX -

25

Syntax von Programmiersprachen Programme als Bäume

- ein Programmtext repräsentiert eine Hierarchie (einen Baum) von Teilprogrammen
- Die Semantik des Programmes wird durch Induktion über diesen Baum definiert.
- dieses Prinzip kommt aus der Mathematik (arithmetische Ausdrücke, logische Formeln, Beweise — sind Bäume)
- In den Blättern des Baums stehen Token,
- jedes Token hat einen *Inhalt* (eine Zeichenkette, Bsp 12.34E5) und eine *Klasse* (Bsp Gleitkomma-Literal)

- Typeset by FoilT_EX -

26

27

Formale Sprachen

- ein Alphabet ist eine Menge von Zeichen,
- ein Wort ist eine Folge von Zeichen,
- eine formale Sprache ist eine Menge von Wörtern.

Beispiele:

- Alphabet $\Sigma = \{a, b\}$,
- Wort w = ababaaab,
- Sprache L = Menge aller Wörter über Σ gerader Länge.
- Sprache (Menge) aller Gleitkomma-Literale in C.

- Typeset by FoilTEX -

29

Spezifikation formaler Sprachen

man kann eine formale Sprache beschreiben:

- algebraisch (Sprach-Operationen)
- Bsp: reguläre Ausdrücke
- generativ (Grammatik), Bsp: kontextfreie Grammatik,
- durch Akzeptanz (Automat), Bsp: Kellerautomat,
- logisch (Eigenschaften),

$$\begin{cases} w \mid \forall p, r : \begin{pmatrix} (p < r \land w[p] = a \land w[r] = c) \\ \Rightarrow \exists q : (p < q \land q < r \land w[q] = b) \end{pmatrix} \end{cases}$$

Sprach-Operationen

Aus Sprachen L_1, L_2 konstruiere:

- Mengenoperationen
- Vereinigung $L_1 \cup L_2$,
- Durchschnitt $L_1 \cap L_2$, Differenz $L_1 \setminus L_2$;
- Verkettung $L_1 \cdot L_2 = \{ w_1 \cdot w_2 \mid w_1 \in L_1, w_2 \in L_2 \}$
- Stern (iterierte Verkettung) $L_1^* = \bigcup_{k>0} L_1^k$

Def: Sprache *regulär*: ←⇒ kann durch diese Operationen aus endlichen Sprachen konstruiert werden.

Satz: Durchschnitt und Differenz braucht man dabei nicht.

- Typeset by FoilT_EX - 32

Beispiele/Aufgaben zu regulären Ausdrücken

Wir fixieren das Alphabet $\Sigma = \{a, b\}.$

- alle Wörter, die mit a beginnen und mit b enden: $a\Sigma^*b$.
- alle Wörter, die wenigstens drei a enthalten $\Sigma^* a \Sigma^* a \Sigma^* a \Sigma^*$
- alle Wörter mit gerade vielen a und beliebig vielen b?
- Alle Wörter, die ein aa oder ein bb enthalten: $\Sigma^*(aa \cup bb)\Sigma^*$
- (Wie lautet das Komplement dieser Sprache?)

- Typeset by FoilT_EX - 34

Implementierung regulärer Ausdrücke

 die richtige Methode ist Kompilation des RE in einen endlichen Automaten

Ken Thompson: *Regular expression search algorithm*, Communications of the ACM 11(6) (June 1968)

- wenn nicht-reguläre Sprachen entstehen können (durch erweiterte RE), ist keine effiziente Verarbeitung (mit endlichen Automaten) möglich.
- auch reguläre Operatoren werden gern schlecht implementiert.

Russ Cox: Regular Expression Matching Can Be Simple And Fast (but is slow in Java, Perl, PHP, Python, Ruby, ...), 2007 https://swtch.com/~rsc/regexp/regexpl.html

.../, 2007 https://swtch.com/ isc/legexp/legexpl.html

- Typeset by FoilTEX -

Übungen zu Lexik (Testfragen)

(ohne Wertung, zur Wiederholung und Unterhaltung)

- was ist jeweils Eingabe und Ausgabe für: lexikalische Analyse, syntaktische Analyse?
- warum werden reguläre Ausdrücke zur Beschreibung von Tokenmengen verwendet? (was wäre die einfachste Alternative? für welche Tokentypen funktioniert diese?)
- $(\Sigma^*, \cdot, \epsilon)$ ist Monoid, aber keine Gruppe

Typeset by FoilT_EX

- (Pow(Σ*), ∪, ·, · · ·) ist Halbring (ergänzen Sie die neutralen Elemente)
- In jedem Monoid: Damit $a^{b+c} = a^b \cdot a^c$ immer gilt, muß

Reguläre Sprachen/Ausdrücke

Die Menge $E(\Sigma)$ der *regulären Ausdrücke* über einem Alphabet (Buchstabenmenge) Σ ist die kleinste Menge E, für die gilt:

- für jeden Buchstaben $x \in \Sigma : x \in E$ (autotool: Ziffern oder Kleinbuchstaben)
- das leere Wort $\epsilon \in E$ (autotool: Eps)
- ullet die leere Menge $\emptyset \in E$ (autotool: Empty)
- wenn $A, B \in E$, dann
- (Verkettung) $A \cdot B \in E$ (autotool: * oder weglassen)
- (Vereinigung) $A + B \in E$ (autotool: +)
- (Stern, Hülle) A^* ∈ E (autotool: * ⋆)

Jeder solche Ausdruck beschreibt eine reguläre Sprache.

- Typeset by FoilT_EX - 33

Erweiterte reguläre Ausdrücke

zusätzliche Operatoren (Durchschnitt, Differenz, Potenz),
 die trotzdem nur reguläre Sprachen erzeugen

Beispiel: $\Sigma^* \setminus (\Sigma^* ab \Sigma^*)^2$

ähnlich in Konfiguration der autotool-Aufgaben

2. zusätzliche nicht-reguläre Operatoren

Beispiel: exakte Wiederholungen $L^{\begin{tabular}{|c|c|c|c|c|c|}\hline k & \end{tabular}}:=\{w^k\mid w\in L\}$

 $\mathsf{Bsp.:} \ (ab^*)^{\fbox{2}} = \{aa, abab, abbabb, ab^3ab^3, \dots\} \notin \mathsf{REG}$

Markierung von Teilwörtern, definiert (evtl. nicht-reguläre)
 Menge von Wörtern mit Positionen darin

- Typeset by FoilTeX -

Bemerkung zu Reg. Ausdr.

Wie beweist man $w \in L(X)$?

(Wort w gehört zur Sprache eines regulären Ausdrucks X)

• wenn $X = X_1 + X_2$:

beweise $w \in L(X_1)$ oder beweise $w \in L(X_2)$

• wenn $X = X_1 \cdot X_2$:

zerlege $w=w_1\cdot w_2$ und beweise $w_1\in \mathrm{L}(X_1)$ und beweise $w_2\in \mathrm{L}(X_2)$.

• wenn $X = X_1^*$:

wähle einen Exponenten $k \in \mathbb{N}$ *und* beweise $w \in L(X_1^k)$ (nach vorigem Schema)

Beispiel: $w = abba, X = (ab^*)^*$.

 $w = abb \cdot a = ab^2 \cdot ab^0 \in ab^* \cdot ab^* \subseteq (ab^*)^2 \subseteq (ab^*)^*.$

- Typeset by FoilTEX -

man a^0 wie definieren?

Aufgaben zu regulären Ausdrücken: autotool. Das ist Wiederholung aus VL Theoretische Informatik—Automaten und Formale Sprachen. Fragen dazu notfalls im Git.Imn-Tracker.

- Typeset by FoilT_EX -

Hausaufgaben

WS 24 (Ü KW 44) 2, (3 oder 4 oder 5), 7, (optional 8)

1. Für jedes Monoid $M=(D,\cdot,1)$ definieren wir die Teilbarkeits-Relation $u\mid w:=\exists v:u\cdot v=w$

Geben Sie Beispiele $u \mid w, \neg(u \mid w)$ an in den Monoiden

- $\bullet (\mathbb{N}, +, 0)$
- $(\mathbb{Z}, +, 0)$
- $(\mathbb{N},\cdot,1)$
- $(\{a,b\}^*,\cdot,\epsilon)$
- $(2^{\mathbb{N}}, \cup, \emptyset)$

Zeigen Sie (nicht für ein spezielles Monoid, sondern allgemein): die Relation | ist reflexiv und transitiv.

Ist sie antisymmetrisch? (Beweis oder Gegenbeispiel.)

- Typeset by FoilT_EX -

Hasse-Diagramm ein auf der Spitze stehendes Quadratnetz ist.

Diese Halbordnung soll *intensional* angegeben werden (durch eine Formel), nicht *extensional* (durch Aufzählen aller Elemente).

 Führen Sie vor (auf Rechner im Pool Z430, vorher von außen einloggen und probieren)

Editieren, Kompilieren, Ausführen eines kurzen (maximal 3 Zeilen) Pascal-Programms

Der Compiler fpc (https://www.freepascal.org/)
ist installiert

(/usr/local/waldmann/opt/fpc/latest).

(Zweck dieser Teilaufgabe ist nicht, daß Sie Pascal

- Typeset by FoilTEX -

bedeutet das für: Installation des Compilers, Entwicklung des Compilers?

 Führen Sie vor (wie und warum: siehe Bemerkungen vorige Aufgabe): Editieren, Kompilieren (javac), Ausführen (java) eines kurzen (maximal 3 Zeilen) Java-Programms.

Suchen und buchmarken Sie die *Java Language Specification* (Primärquelle in der aktuellen Version)
Beantworten Sie *damit* (und nicht mit
Hausaufgabenwebseiten und anderen Sekundärquellen):
gehören in Java

- null
- Namen für Elemente von Aufzählungstypen

- Typeset by FoilTEX -

Typeset by FoilT_EX

end floating;

Verwenden Sie den *GNU Ada Translator*, ist Teil von GCC (GNU Compiler Collection).

lst im Pool installliert, siehe https://www.imn.
htwk-leipzig.de/~waldmann/etc/pool/

Aufrufen mit gnatmake floating.adb (kompilieren und linken), ausführen mit ./floating.

Erläutern Sie die Fehlermeldung durch Verweis auf den Sprachstandard. Setzen Sie passende Literale ein (ändern Sie den Rest des Programms nicht). Probieren Sie dabei alle Zweige und Optionen in den regulären Ausdrücken des Standards (2.4.1).

NB: Beziehung zur Softwaretechnik:

- "Monoid" ist die Schnittstelle (API, abstrakter Datentyp),
- $(\mathbb{N}, 0, +)$ ist eine Implementierung (konkreter Datentyp).
- "allgemein zeigen" bedeutet: nur die in den Axiomen des ADT (API-Beschreibung) genannten Eigenschaften benutzen
- Zeichnen Sie jeweils das Hasse-Diagramm dieser
 Teilbarkeitsrelation
 - \bullet für $(\mathbb{N},+,0)$, eingeschränkt auf $\{0,1,\dots,4\}$
 - \bullet für $(\mathbb{N},\cdot,1),$ eingeschränkt auf $\{0,1,\dots,10\}$
 - $\bullet \ \text{für} \ (2^{\{p,q,r\}},\cup,\emptyset)$
 - für $(\{a,b\}^*,\cdot,\epsilon)$ auf $\{a,b\}^{\leq 2}$

Geben Sie eine Halbordnung auf $\{0,1,2\}^2$ an, deren

- Typeset by FoilT_EX -

40

41

lernen, sondern der Benutzung von ssh, evtl. tmux, Kommandozeile (PATH), Text-Editor wiederholen)

Zu regulären Ausdrücke für Tokenklassen in der Standard-Pascal-Definition https://archive.org/ details/iso-iec-7185-1990-Pascal/

Welche Notation wird für unsere Operatoren + und Stern benutzt? Was bedeuten die eckigen Klammern?

In Ihrem Beispiel-Programm: erproben Sie mehrere (korrekte und fehlerhafte) Varianten für Gleitkomma-Literale. Vergleichen Sie Spezifikation (geben Sie den passenden Abschnitt der Sprachdefinition an) und Verhalten des Compilers.

Dieser Compiler (fpc) ist in Pascal geschrieben. Was

Typeset by FoilTEX —

43

zur Tokenklasse Literal, reserviertes Wort (Schlüsselwort), Bezeichner (oder evtl. anderen)?

Wo stehen die Token-Definitionen im javac-Compiler? https:

//hg.openjdk.java.net/jdk/jdk15/file/ (bzw.
aktuelle Version)

In Ihrem Beispiel-Programm: erproben Sie verschiedene Varianten von Ganzzahl-Literalen (siehe vorige Aufgabe)

5. Führen Sie vor (wie vorige Aufgaben): Kompilation und Ausführung eines sehr kurzen Ada-Programms

```
with Ada.Text_IO; use Ada.Text_IO; procedure floating is begin put_line (float'image( 2)); -- fehler

-Typeset by FolThEX-
45
```

- 5. Im WS22 hatten Teilnehmer dieser LV diese Fehler im GNU Ada Translator (gnat, Teil von gcc) gefunden:
 - excessive compilation time for decimal literal—that should be rejected as type-error https://gcc.gnu.org/bugzilla/show_bug.cgi?id=107392
 - decimal literal with long exponent: Constraint Error https://gcc.gnu.org/bugzilla/show_bug.cgi?id=107391

Untersuchen Sie ähnliches für Compiler für andere Sprachen.

7. Suchen und diskutieren Sie "Wadler's law (of language design)".

Am Entwurf welcher Programmiersprachen war der Autor

46 Typeset by FoilT_EX

beteiligt? Welche Sprache hat er in einem aktuellen Lehrbuch benutzt?

Untersuchen Sie für (wenigstens) Java und Haskell, ob Block-Kommentare geschachtelt werden können. Belegen Sie durch

- Sprachstandard (exakte Definition von Kommentaren)
- und eigene Beispiele (einfachste Programme, die vom Compiler akzeptiert oder abgelehnt werden)
- Gelten die Aussagen von Cox (2007) ("but it's slow in...")
 jetzt immer noch? Überprüfen Sie das praktisch (die
 Testfälle aus dem zitierten Paper oder ähnliche).

- Typeset by FoilTEX -

```
Grammatiken
```

Grammatik

Grammatik G besteht aus:

```
• Terminal-Alphabet \Sigma
                                 { terminale
                                       = mkSet "abc"
 (üblich: Kleinbuchst., Zif-
                                   variablen
 fern)
                                        = mkSet "SA"
                                  , start = 'S'
ullet Variablen-Alphabet V
                                  , regeln = mkSet
 (üblich: Großbuchstaben)
                                        [ ("S", "abc")
                                          ("ab", "aabbA")
• Startsymbol S \in V
                                          ("Ab", "bA")

    Regelmenge

                                          ("Ac", "cc")
 (Wort-Ersetzungs-System)
 R \subset (\Sigma \cup V)^* \times (\Sigma \cup V)^*
```

- Typeset by FoilTEX -

Typ-3-Grammatiken

 $\text{von } \overline{G} \text{ erzeug\'te Sprache: } L(G) = \{w \mid S \to_R^* w \land w \in \Sigma^*\}.$

(= rechtslineare Grammatiken) jede Regel hat die Form

- Variable → Terminal Variable
- Variable → Terminal
- Variable $\rightarrow \epsilon$

(vgl. lineares Gleichungssystem) Beispiele

- $G_1 = (\{a, b\}, \{S, T\}, S, \{S \to \epsilon, S \to aT, T \to bS\})$
- $G_2 = (\{a, b\}, \{S, T\}, S, \{S \to \epsilon, S \to aS, S \to bT, T \to aT, T \to bS\})$

- Typeset by FoilTEX -

Kontextfreie Sprachen

Def (Wdhlg): G ist kontextfrei (Typ-2), falls $\forall (l,r) \in R(G): l \in V^1$

geeignet zur Beschreibung von Sprachen mit hierarchischer Struktur.

Anweisung -> Bezeichner = Ausdruck | if Ausdruck then Anweisung else Anweis Ausdruck -> Bezeichner | Literal | Ausdruck Operator Ausdruck

Bsp: korrekt geklammerte Ausdrücke:

 $G = (\{a,b\}, \{S\}, S, \{S \rightarrow aSbS, S \rightarrow \epsilon\}).$

Bsp: Palindrome:

 $G=(\{a,b\},\{S\},S,\{S\rightarrow aSa,S\rightarrow bSb,S\rightarrow \epsilon).$

Bsp: alle Wörter w über $\Sigma = \{a,b\}$ mit $|w|_a = |w|_b$

Syntaxbäume

Wort-Ersetzungs-Systeme

Berechnungs-Modell (Markov-Algorithmen)

- Zustand (Speicherinhalt): Zeichenfolge (Wort)
- Schritt: Ersetzung eines Teilwortes

Syntax: Programm ist Regelmenge $R\subseteq \Sigma^* \times \Sigma^*$, Semantik: die 1-Schritt-Ableitungsrelation \to_R , Hülle \to_R^* $u\to_R v\iff \exists x,z\in \Sigma^*, (l,r)\in R: u=x\cdot l\cdot z\wedge x\cdot r\cdot z=v.$

- ullet Bubble-Sort: $\{ba
 ightarrow ab, ca
 ightarrow ac, cb
 ightarrow bc\}$
- Potenzieren: ab → bba (Details: Übung)
- gibt es unendlich lange Ableitungen für: $R_1 = \{1000 \rightarrow 0001110\}, R_2 = \{aabb \rightarrow bbbaaa\}$?

- Typeset by FoilT_EX -

49

Formale Sprachen: Chomsky-Hierarchie

- (Typ 0) aufzählbare Sprachen (beliebige Grammatiken, Turingmaschinen)
- (Typ 1) kontextsensitive Sprachen (monotone Grammatiken, linear beschränkte Automaten)
- (Typ 2) kontextfreie Spr. (kf. Gramm., Kellerautomaten)
- (Typ 3) reguläre Sprachen (rechtslineare Grammatiken, reguläre Ausdrücke, endliche Automaten)

Tokenklassen sind meist reguläre Sprachen. Syntax von Programmiersprachen meist kontextfrei. Zusatzbedingungen (Bsp: Benutzung von Bezeichnern nur nach Deklaration) meist Teil der statischen Semantik (Menge der stat. korrekten Programme ist nicht kontextfrei)

- Typeset by FoilTEX

ld

Sätze über reguläre Sprachen

Für jede Sprache ${\cal L}$ sind die folgenden Aussagen äquivalent:

- \bullet es gibt einen regulären Ausdruck X mit L=L(X),
- es gibt eine Typ-3-Grammatik G mit L = L(G),
- \bullet es gibt einen endlichen Automaten A mit $L=\mathrm{L}(A).$ Beweispläne:
- Grammatik → Automat (Variable = Zustand)
- Ausdruck → Automat (Teilbaum = Zustand)
- Automat o Ausdruck (dynamische Programmierung) $L_A(p,q,r)=$ alle Pfade von p nach r über Zustände $\leq q$.

- Typeset by FoilTEX -

Klammer-Sprachen

Abstraktion von vollständig geklammerten Ausdrücke mit zweistelligen Operatoren

 $(4*(5+6)-(7+8)) \Rightarrow (()()) \Rightarrow aababb$

Höhendifferenz: $h: \{a,b\}^* \to \mathbb{Z}: w \mapsto |w|_a - |w|_b$

Präfix-Relation: $u \le w : \iff \exists v : u \cdot v = w$

Dyck-Sprache: $D = \{w \mid h(w) = 0 \land \forall u \leq w : h(u) \geq 0\}$

CF-Grammatik: $G = (\{a, b\}, \{S\}, S, \{S \rightarrow \epsilon, S \rightarrow aSbS\})$

Satz: L(G) = D. Beweis (Plan):

 $L(G)\subseteq D$ Induktion über Länge der Ableitung

 $D \subseteq L(G)$ Induktion über Wortlänge

(erweiterte) Backus-Naur-Form

- Noam Chomsky: Struktur natürlicher Sprachen (1956)
- John Backus, Peter Naur: Definition der Syntax von Algol (1958)

Backus-Naur-Form (BNF) \approx kontextfreie Grammatik

<assignment> -> <variable> = <expression>
<number> -> <digit> <number> | <digit>

Erweiterte BNF

- Wiederholungen (Stern, Plus) <digit>^+
- Auslassungen

if <expr> then <stmt> [else <stmt>]

kann in BNF übersetzt werden

- Typeset by FoilTEX -

Ableitungsbäume (II)

- ullet Def: der $\it Rand$ eines geordneten, markierten Baumes (T,m) ist die Folge aller Blatt-Markierungen (von links nach rechts).
- Beachte: die Blatt-Markierungen sind $\in \{\epsilon\} \cup \Sigma$, d. h. Terminalwörter der Länge 0 oder 1.
- Für Blätter: rand(b) = m(b),
- für innere Knoten: $\operatorname{rand}(k) = \operatorname{rand}(k_1) \operatorname{rand}(k_2) \dots \operatorname{rand}(k_n)$
- Satz: $w \in L(G) \iff$ existiert Ableitungsbaum (T, m) für G mit $\operatorname{rand}(T, m) = w$.

- Typeset by FoilT_EX -

Assoziativität

- (Wdhlg.) Definition: Operation ist assoziativ
- für nicht assoziativen Operator ⊙ muß man festlegen, was x ⊙ y ⊙ z bedeuten soll:

$$(3+2) + 4 \stackrel{?}{=} 3 + 2 + 4 \stackrel{?}{=} 3 + (2+4)$$
$$(3-2) - 4 \stackrel{?}{=} 3 - 2 - 4 \stackrel{?}{=} 3 - (2-4)$$
$$(3*2) * *4 \stackrel{?}{=} 3 * *2 * *4 \stackrel{?}{=} 3 * *(2*4)$$

 ...und dann die Grammatik entsprechend einrichten (d.h., eine äquivalente eindeutige Grammatik konstruieren, deren Ableitungsbäume die gewünschte Struktur haben)

- Typeset by FoilTEX -

Präzedenzen

Beispiel

$$(3+2)*4 \stackrel{?}{=} 3+2*4 \stackrel{?}{=} 3+(2*4)$$

Grammatik-Regel

summand -> zahl

erweitern zu

(Assoziativität beachten)

- Typeset by FoilT_EX -

Ableitungsbäume für CF-Sprachen

Def: ein geordneter Baum T mit Markierung $m: T \to \Sigma \cup \{\epsilon\} \cup V$ ist Ableitungsbaum für eine CF-Grammatik G, wenn:

- für jeden inneren Knoten k von T gilt $m(k) \in V$
- für jedes Blatt b von T gilt $m(b) \in \Sigma \cup \{\epsilon\}$
- für die Wurzel w von T gilt m(w) = S(G) (Startsymbol)
- für jeden inneren Knoten k von T mit Kindern k_1,k_2,\ldots,k_n gilt $(m(k),m(k_1)m(k_2)\ldots m(k_n))\in R(G)$ (d. h. jedes $m(k_i)\in V\cup \Sigma$)
- für jeden inneren Knoten k von T mit einzigem Kind $k_1 = \epsilon$ gilt $(m(k), \epsilon) \in R(G)$.

- Typeset by FoilT_EX -

Eindeutigkeit

- Def: G heißt $eindeutig: \forall w \in L(G) \exists genau ein$ Ableitungsbaum (T,m) für G mit $\mathrm{rand}(T,m) = w$. Bsp: $(\{a,b\},\{S\},S,\{S \to aSb|SS|\epsilon\})$ ist mehrdeutig. (beachte: mehrere Ableitungen $S \to_R^* w$ sind erlaubt und wg. Kontextfreiheit auch gar nicht zu vermeiden.)
- Die naheliegende Grammatik für arith. Ausdr.

```
expr -> number | expr + expr | expr * expr
```

ist mehrdeutig (aus zwei Gründen!) — Auswege:

- Transformation zu eindeutiger Grammatik (benutzt zusätzliche Variablen)
- Operator-Assoziativitäten und -Präzedenzen

- Typeset by FoilTEX -

ld

Assoziativität (II)

- X1 X2 + X3 auffassen als (X1 X2) + X3
- Grammatik-Regeln

```
Ausdruck -> Zahl | Ausdruck + Ausdruck | Ausdruck - Ausdruck
```

ersetzen durch

```
Ausdruck -> Summe

Summe -> Summand | Summe + Summand | Summand -> Zahl
```

- Typeset by FoilTEX -

Zusammenfassung Operator/Grammatik

Ziele

- Klammern einsparen
- trotzdem eindeutig bestimmter Syntaxbaum

Festlegung:

- Assoziativität: bei Kombination eines Operators mit sich
- Präzedenz: bei Kombination verschiedener Operatoren

Realisierung in CFG:

- $\bullet \ \, \text{Links/Rechts-Assoziativit\"{a}t} \Rightarrow \text{Links/Rechts-Rekursion}$
- verschiedene Präzedenzen ⇒ verschiedene Variablen

Hausaufgaben

WS 24 (Ü in KW 45) 2, (3 oder 4), 6.

1. Definition: für ein Wortersetzungssystem R:

Die Menge der R-Normalformen eines Wortes x ist: $\mathsf{Nf}(R,x) := \{y \mid x \to_R^* y \land \neg \exists z : y \to_R z\}$

Für das $R = \{ab \rightarrow baa\}$ über $\Sigma = \{a,b\}$:

bestimmen Sie die R-Normalformen von

• a^3b , allgemein a^kb ,

• ab^3 , allgemein ab^k ,

die allgemeinen Aussagen exakt formulieren, für k=3 überprüfen, durch vollständige Induktion beweisen.

2. Für Alphabet $\Sigma = \{a, b\}$, Sprache

- Typeset by FoilT_EX -

phrase structure grammars Noam Chomsky: Three Models for the Description of Language, 1956, Abschnitt 3, https://chomsky.info/articles/, mit den heute üblichen (kontextfreie Grammatik, Ableitung, erzeugte Sprache, Ableitungsbaum)

Erläutern Sie *The rule (34) . . . cannot be incorporated. . .* (Ende Abschnitt 4.1)

4. vergleichen Sie die Syntax-Definitionen von Fortran (John Backus 1956) und Algol (Peter Naur 1960),

Quellen: *Historic Documents in Computer Science*, collected by Karl Kleine,

http://web.eah-jena.de/~kleine/history/
(benutze Wayback Machine

- Typeset by FoilT_EX -

Zusammenwirken an einem einfachen Beispiel (eine Ableitung, bei der in jeder Grammatik nur wenige Regeln benutzt werden)

- bestimmen Sie den Ableitungsbaum (bzgl. der syntaktischen Grammatik) für das übliche hello world-Programm,
- Beispiele in jshell vorführen. Wie lautet die Grammatik für die dort erlaubten Eingaben? Ist das Teil der JLS? Wenn nein, finden Sie eine andere Primärquelle.
- bzgl. der eindeutigen Grammatik für arithmetische Ausdrücke (aus diesem Skript):
 - Ableitungsbaum für 1 * 2 3 * 4

- Typeset by FoilTEX -

 $E = \{w : w \in \Sigma^* \land |w|_a = |w|_b\}$, Grammatik $G = (\Sigma, \{S\}, S, \{S \to \epsilon, S \to SS, S \to aSb, S \to bSa\})$:

- Geben Sie ein $w \in E$ mit |w| = 8 an mit zwei verschiedenen G-Ableitungsbäumen.
- \bullet Beweisen Sie $L(G)\subseteq E$ durch strukturelle Induktion über Ableitungsbäume.
- ullet Beweisen Sie $E\subseteq L(G)$ durch Induktion über Wortlänge. Benutzen Sie im Induktionsschritt diese Fallunterscheidung für $w\in E$: hat w einen nicht leeren echten Präfix u mit $u\in E$? Wenn ja, dann beginnt eine Ableitung für w mit $S\to SS$. Wenn nein, dann mit welcher Regel?
- B. Vergleichen sie Definitionen und Bezeichnungen für

- Typeset by FoilT_EX -

https://web.archive.org/)

Führen Sie Kompilation und Ausführen eines Fortran-Programms vor (im Pool ist gfortran installiert, als Teil von GCC (GNU Compiler Collection))

Verwenden Sie dabei nur einfache Arithmetik und einfache Programmablaufsteuerung.

Geben Sie den Assembler-Code aus (Option -S). Vergleichen Sie mit Assembler-Code des entsprechenden C-Programms.

- 5. für die Java-Grammatik (nach JLS in aktueller Version)
 - es werden tatsächlich zwei Grammatiken benutzt (lexikalische, syntaktische), zeigen Sie deren

- Typeset by FoilT_EX -

Grammatik erweitern für geklammerte Ausdrücke,

ld

Eindeutigkeit begründen, Ableitungsbaum für 1* (2-3) *4 angeben

arithmetische Ausdrücke in Java:

- welche Variable der Java-Grammatik erzeugt arithmetische Ausdrücke?
- Ableitungsbaum für 1* (2-3) *4 von dieser Variablen aus angeben (und live vorführen durch Verfolgung der URLs der Grammatik-Variablen)
- Beziehung herstellen zu den Regeln auf Folie "Zusammenfassung Operator/Grammatik".

- Typeset by Foi/T<u>h</u>X − I

Id — Typeset by FoilT⊵X —

- Typeset by FoilT_EX - Id

Semantik von Programmiersprachen

Statische und dynamische Semantik

- Definition:
- Semantik = Bedeutung
- (vgl. Syntax = Form)
- dynamische S. (beschreibt Ausführung des Programms)
 Beschr.-Methoden: operational, axiomatisch, denotational
- statische Semantik
 (Vorhersage der dyn. Semantik zur Übersetzungszeit)
 Beispiele (in C, Java, ...)
- Typ-Korrektheit von Ausdrücken,
- deklarationsgemäße Benutzung von Bezeichnern

- Typeset by FoilTEX -

Attributgrammatiken (I)

- Attribut: Annotation an Knoten des Syntaxbaums.
 - $A: \mathsf{Knotenmenge} \to \mathsf{Attributwerte} \quad (\mathsf{Bsp:}\,\mathbb{N})$
- Attributgrammatik besteht aus:
- kontextfreier Grammatik G, Bsp: $(\ldots, \{S \to \epsilon \mid aSbS\})$
- für jeden Knotentyp (Terminal + Regel) eine Menge (Relation) E von erlaubten Attribut-Tupeln $(A(X_0),A(X_1),\ldots,A(X_n))$ für Knoten X_0 mit Kindern $[X_1,\ldots,X_n]$
- Beispiel: Terminale: $A(\epsilon) = A(a) = A(b) = 0$ innere Knoten: $S \to \epsilon$, $A(X_0) = A(X_1)$; $S \to aSbS$, $A(X_0) = \max(1 + A(X_2), A(X_4))$;

- Typeset by FoilT_EX -

Donald E. Knuth

- The Art Of Computer Programming (1968, ...) (Band 3: Sortieren und Suchen)
- TEX, Metafont, Literate Programming (1983, ...) (Leslie Lamport: LATEX)
- Attribut-Grammatiken (1968)
- \bullet Anwendung der Landau-Notation (O(f), Analysis) und Erweiterung (Ω,Θ) für asymptotische Komplexität
- . . .

https://www-cs-faculty.stanford.edu/~uno/

- Typeset by FoilTEX -

Attributgrammatiken-Beispiele

- Auswertung arithmetischer Ausdrücke (dynamisch) jedes Attribut ist eine Zahl
- Typprüfung (statisch) jedes Attribut ist ein Typ-Ausdruck
- Kompilation (für Kellermaschine) (statisch) jedes Attribute ist eine Befehlsfolge
- Bestimmung des abstrakten Syntaxbaumes jedes Attribut ist ein Baum
- alles diese Attr. sind synthetisiert, können durch Induktion über den Ableitungsbaum (d.h., von Blättern zu Wurzel) berechnet werden

Typeset by FoilT_EX – Id

Bsp statische/dynamische Semantik

Benutzung eines nicht deklarierten Namens:

 ECMA-Script (Javascript): Programm wird ausgeführt, dynamische Semantik ist "Exception wird ausgelöst"

```
> {console.log("foo"); console.log(x);}
foo
Thrown:
ReferenceError: x is not defined
```

 Java: verhindert durch statische Semantik-Prüfung (Programm ist statisch falsch, wird nicht in Bytecode übersetzt, nicht ausgeführt, hat keine dyn. Sem.)

```
{ System.out.print("foo"); System.out.println(x);}
| Error: cannot find symbol
| symbol: variable x
```

- Typeset by FoilT_EX -

Attributgrammatiken (II)

ein Ableitungsbaum T mit Annotationen A ist korrekt bezüglich einer Attributgrammatik (G,E), wenn

- ullet T ein Ableitungsbaum für G ist
- in jedem Knoten X_0 mit Kindern $[X_1, \ldots, X_n]$ gilt $(A(X_0), A(X_1), \ldots, A(X_n)) \in E$.

Plan:

• Baum beschreibt Syntax, Attribute beschreiben Semantik

Ursprung: Donald Knuth: Semantics of Context-Free Languages, (Math. Systems Theory 2, 1968) technische Schwierigkeit: Existenz und effiziente Berechnung der Attributwerte

- Typeset by FoilT_EX -

Arten von Attributen

- synthetisiertes Attribut:
 hängt nur von Attributwerten in Kindknoten ab
 Bsp: Typ von Ausdrücken, Wert von Ausdrücken
- ererbtes (inherited) Attribut:
 hängt nur von Attributwerten in Elternknoten und (linken)
 Geschwisterknoten ab Bsp: deklarierte Typen für Namen
- Wenn Abhängigkeiten bekannt sind, kann man Attributwerte durch Werkzeuge bestimmen lassen.
 (Bransen et al.: Linearly Ordered Attribute Grammar Scheduling . . . , TACAS 2015

https://doi.org/10.1007/978-3-662-46681-0_24)

• wir betrachten jetzt nur synthetisierte Attribute.

- Typeset by FoilTEX

Konkrete und abstrakte Syntax

- konkreter Syntaxbaum = der Ableitungsbaum
- abstrakter Syntaxbaum (AST) = wesentliche Teile des konkreten Baumes
- unwesentlich sind Knoten, die zu Hilfsvariablen gehören, die eingeführt wurden, damit Grammatik eindeutig ist
- abstrakter Syntaxbaum ist synthetisiertes Attribut:

```
E -> E + P ; E.abs = new Plus(E.abs, P.abs) 
 E -> P ; E.abs = P.abs // kein neuer AST-Knoten
```

Typisierung von Funktionsaufrufen

- ullet Funktion f hat Typ $A \to B$
- Ausdruck X hat Typ A
- dann hat Ausdruck f(X) den Typ B
- $\frac{f:A\to B\quad X:A}{f(X):B}$ • Notation als Inferenz-Regel
- Beispiel

```
class C {
  static class A {} static class B {}
  static B f (A y) \{ \dots \}
  static A g (B x) \{ \dots \}
  .. C.g (C.f (new C.A())) .. }
```

- Typeset by FoilT_EX -

Kompilation für Kellermaschine

- · Spezifikation:
- Eingabe: Java-Ausdruck A, Bsp. 3*x+1
- Ausgabe: JVM-Programm P, Bsp: push 3; push x; imul; push 1; iadd;
- Zusammenhang: $[] \xrightarrow{P} [Wert(A)]$
- dann gilt auch $\forall k \in \mathbb{Z}^* : k \xrightarrow{P} ([Wert(A)] \circ k)$
- Realisierung (Kompilation):
- Code für Konstante/Variable c: push c;
- Code für Ausdruck $x \circ y$: code (x); code (y); o; der so erzeugte Code ist synthetisiertes Attribut
- JVM-Programm (Bytecode) ansehen mit javap -c,

- Typeset by FoilT_EX -

- rechner.grammar enthält Attributgrammatik, diese beschreibt die Konstruktion des abstrakten Syntaxbaumes (AST) aus dem Ableitungsbaum (konkreten Syntaxbaum)
- Eval. java enthält Besucherobjekt, dieses beschreibt die Attributierung der AST-Knoten durch Zahlen
- Hauptprogramm in Interpreter. java
- bauen, testen, aufräumen: siehe Makefile
- generierte Dateien in rechner/*

Bemerkungen (häufige/nicht offensichtliche Fehlerquellen)

• Redefinition of ...: nicht so: foo -> bar ; foo -> baz; sondern so: foo -> {eins} bar | {zwei} baz;

- Typeset by FoilTEX -

Kombinator-Parser:

https://www.imn.htwk-leipzig.de/~waldmann/ edu/ws11/cb/folien/main/node70.html

Bsp. Operationale Semantik: Keller

- Kellerspeicher
 - Zustand ist Zahlenfolge $s \in \mathbb{Z}^*$, Empty = []
 - Operationen:
 - * Push(x), Semantik: $[s_1, \ldots, s_n] \rightarrow [x, s_1, \ldots, s_n]$ $*y := \mathsf{Pop}(), \mathsf{Semantik}: [y, s_1, \dots, s_n] \to [s_1, \dots, s_n]$
- Realisierung zweistelliger Verknüpfungen: Argumente vom Keller holen, Resultat auf Keller schreiben, z.B.

```
\mathsf{Plus} \equiv \{a := \mathsf{Pop}(); b := \mathsf{Pop}(); \mathsf{Push}(a+b)\}\
```

• benutzt in Prog.-Spr. Forth (1970), PostScript (1982), JVM (Java Virtual Machine, 1994), Bsp: 6.5 iadd

Typeset by FoilT_EX -

Attributgrammatiken mit SableCC

- Etienne Gagnon, 1998-, https://sablecc.org/ SableCC is a parser generator for building compilers, interpreters ..., strictly-typed abstract syntax trees and tree walkers
- Syntax einer Regel

```
linke-seite { -> attribut-typ }
   = { zweig-name } rechte-seite { -> attr
```

ld

- Bespiel: siehe Verzeichis pps-ws23/rechner Benutzung: make ; make test ; make clean
- Struktur:

- Typeset by FoilT_EX -

Regeln mit gleicher linker Seite zusammenfassen, die rechten Seiten durch Label ({eins}, {zwei}) unterscheiden

• ... conflict ...:

die Grammatik ist nicht eindeutig (genauer: wird von Sablecc nicht als eindeutig erkannt)

Kommentar: in Java fehlen: algebraische Datentypen, Pattern Matching, Funktionen höherer Ordnung. Deswegen muß SableCC das simulieren — das sieht nicht schön aus. Die "richtige" Lösung sehen Sie später im Compilerbau. Abstrakter Syntaxbaum, Interpreter:

https://www.imn.htwk-leipzig.de/~waldmann/ edu/ws11/cb/folien/main/node12.html,

- Typeset by FoilTEX -

- Typeset by FoilT_EX

Auswertung arithmetischer Ausdrücke

(das ist ungefähr die erste VL Compilerbau)

abstrakter Syntaxbaum (AST)

```
data Exp = Literal Integer
  | Plus Exp Exp | Times Exp Exp
```

Auswertung (Rekursion über AST, ist ein Fold)

```
value :: Exp -> Integer
value e = case e of
  Literal i -> i
  Plus l r \rightarrow value l + value r
  Times 1 r -> value 1 * value r
```

Typeset by FoilT_EX

Kombinator-Parser f. arith. Ausdrücke

• Daan Leijen: *Parsec, a fast combinator parser*, 2001, https://web.archive.org/web/20140528151730/http://legacy.cs.uu.nl/daan/download/parsec/parsec.pdf

• https://hackage.haskell.org/package/parsec-3.1.14. 0/docs/Text-Parsec-Expr.html

• ist embedded (in Haskell) DSL

- Typeset by FoilTEX -

Schlagen Sie für einige der vorkommenden Bytecode-Befehle die Semantik in der JVM-Spezifikation (aktuelle Version) nach.

Erläutern Sie die JVM-Befehle dup, pop. Geben Sie Java-Programme an, in dessen Bytecode diese vorkommen.

- 2. zum angegebenen Beispiel Sablecc
 - Test vorführen.
 - das dabei verwendete Makefile erklären.
 Was ist die Semantik der Ziele und Regeln eines Makefiles? Was ist bei der Syntax zu beachten? (Hinweis: ein besonderer Whitespace)
 - Grammatik ergänzen: Multiplikation.

- Typeset by FoilTEX -

Typeset by FoilT_EX

Erklären Sie den Fehler in

Ifthenelse (Literal 0) (Literal 1) (Literal Rufen Sie Ifthenelse typkorrekt auf.

Passen Sie den Interpreter (die Funktion value) an.

 (Zusatz) Kombinatorparser (ein Thema aus VL Compilerbau SS22)

einfache Beispiele vorführen und erklären (elementare Parser char, eof; Kombinatoren (>>), many, sepBy; ggf. buildExpressionParser)

```
cabal install --lib parsec
ghci
import Text.Parsec
parseTest (many (char 'f') >> many (char 'o')) "foot
```

- Typeset by FoilTEX —

Hausaufgaben

WS 24: Aufgabe 1, 2

 arithmetische Ausdrücke (keine Programmablaufsteuerung), Beispiel

```
class C { static int f (int x) {return 3*x;
```

von Java nach Java-Bytecode übersetzen mit javac und Resultat betrachten mit javap -c.

Zeigen Sie durch ähnnliche Beispiele, daß richtig behandelt werden:

- Links-Assoziativität der Subtraktion
- Punkt- vor Strich-Rechnung

Vergleichen Sie den Bytecode mit dem Verfahren aus VL.

- Typeset by FoilT_EX -

ld

Eindeutigkeit der Grammatik und semantisch korrekte Auswertung vorführen und begründen.

- (in der Übung, jeder selbst) Subtraktion, Klammern.
- (Zusatz) Generalized Algebraic Data Types (ein Thema aus OS FKPS SS22)

Verwenden/ergänzen Sie diesen AST-Typ

```
{-# language GADTs #-}
data Exp a where
  Literal :: Integer -> Exp Integer
Plus ::
  Exp Integer -> Exp Integer -> Exp Integer
Greater ::
  Exp Integer -> Exp Integer -> Exp Bool
Ifthenelse :: Exp Bool -> ...
```

ld

- Typeset by FoilTEX - Id

Id - Typeset by FoilT_EX -

Typen

Der Nutzen der statische Typisierung

- Typ ist Menge von Werten mit Operationen für jede eigene Menge von Werten aus dem Anwendungsbereich benutze einen eigenen Typ
- statische Typisierung gibt
- Sicherheit: findet Entwurfsfehler im Programm
- Effizienz: verringert Platz (Typ-Angaben) und Arbeit (Typ-Prüfung) zur Laufzeit
- mit ausdrucksstarken Typsystemen kann man weitere Laufzeit-Arbeiten in die Übersetzungszeit verschieben, Konstruktion von Wörterbüchern f. Typklassen in Haskell

- Typeset by FoilT_EX -

 dynamische Typisierung: der Typ steht in der Speicherstelle selbst (z.B. OO: jedes Objekt enthält Verweis auf seine Klasse)

• jedes Datum wird zur Laufzeit des Programms im

welcher Typ dort repräsentiert wird

 statische Typisierung: der Typ steht nicht im Speicher, sondern im Quelltext

Typ-Information und Laufzeitdaten

zugeordneten Speicher binär repräsentiert (als Bitfolge)

• richtige Verarbeitung ist nur möglich, wenn bekannt ist,

 Mischform (in statisch typisierten OO Sprachen) keine Laufzeitrepräsentation von statischen Methoden

- Typeset by FoilT_EX -

IQ

Historische Entwicklung

- keine Typen (nur ein Typ: alles ist Maschinenwort)
- vorgegebene Typen (Fortran: Integer, Real, Arrays)
- benutzerdefinierte Typen (algebraische Datentypen; Spezialfälle: enum, struct, class)
- abstrakte Datentypen (interface)
- polymorphe Typen (z.B. List<E>, Arrays, Zeiger)
- (data) dependent types (z.B. in Agda, Idris)

- Typeset by FoilT_EX -

Überblick

- einfache (primitive) Typen
 - Zahlen, Wahrheitswerte, Zeichen
 - benutzerdefinierte Aufzählungstypen
 - Teilbereiche
- zusammengesetzte (strukturierte) Typen
- Produkt (record)
- Summe (union) (Spezialfall: Aufzählungen)
- rekursive Typen (Anwendung: Listen, Bäume)
- Potenz (Funktionen): Unterprogramme, Arrays,
 (Tree/Hash-)Maps
 Verweistypen (Zeiger) als Speziallfall von Arrays

vormolotyporr (zoigor) alo opozialian vormani

- Typeset by FoilTEX -

ld

Zahlenbereiche

- Maschinenzahlen (oft im Sprachstandard festgelegt)
- ganze Zahlen (in binärem Zweierkomplement)
- gebrochene Zahlen (in binärer Gleitkommadarstellung)
 Goldberg 1991: What Every Computer Scientist Should
 Know About Floating-Point Arithmetic

https://docs.oracle.com/cd/E19957-01/806-3568/ncg_goldberg.html

• Abstraktionen (oft in Bibliotheken, Bsp.

https://gmplib.org//manual/)

- beliebig große Zahlen
- exakte rationale Zahlen

- Typeset by FoilTEX -

Aufzählungstypen

können einer Teilmenge ganzer Zahlen zugeordnet werden

- durch Sprache vorgegeben: z.B. int, char, boolean
- anwendungsspezifische (benutzerdef.) Aufzählungstypen

```
typedef enum {
   Mon, Tue, Wed, Thu, Fri, Sat, Sun
} day;
data Day = Mon | Tue | Wed | Thu | Fri | Sa
Ü: enum in Java
```

Designfragen:

automatische oder manuelle Konversion zw.
 Aufzählungstyp und zugrundeliegendem Zahltyp

- Typeset by FoilTEX -

IU

Maßeinheiten in F#

- physikalische Größe = Maßzahl × Einheit.
- viele teure Softwarefehler durch Ignorieren der Einheiten.
- in F# (Syme, 200?), aufbauend auf ML (Milner, 197?)

```
[<Measure>] type kg ;; let x = 1<kg> ;;
x * x ;;
[<Measure>] type s ;; let y = 2<s> ;;
x * y ;; x + y ;;
```

• https://docs.microsoft.com/en-us/dotnet/ fsharp/language-reference/units-of-measure

Zeichen und Zeichenketten

- das naive Modell ist:
- Zeichen paßt in (kurze) Maschinenzahl (z.B. char = byte)
- Zeichenketten sind (Zeiger auf) Arrays

das ist historisch begründet (US-amerikanische Hardware-Hersteller, lateinisches Alphabet)

 das umfassende Modell ist https: //www.unicode.org/versions/Unicode14.0.0/ (insbes. Kapitel 2)

jedes Zeichen wird durch *encoding scheme* (z.B. UTF8) auf *Folge* von code units (z.B. Bytes) abgebildet.

Id Typeset by FoilTEX -

- Typeset by FoilT_EX - Id

Zusammengesetzte Typen

Typ = Menge, Zusammensetzung = Mengenoperation:

• Produkt (record, struct), z.B.

```
data C = C { real :: Double, imag :: Double }
```

• disjunkte Summe (union, case class, enum), z.B.

```
data Ordering = LT \mid EQ \mid GT
```

Rekursion, z.B.

```
data List a = Nil | Cons a (List a)
```

Potenz (Funktion), z.B.

```
type Sorter a = (List a -> List a)
```

- Typeset by FoilT_EX -

Summen-Typen

- $R = A \cup B \cup C$
- disjunkte (diskriminierte) Vereinigung (Pascal, Niklas Wirth 1970)

```
type tag = ( eins, zwei, drei );
type R = record case t : tag of
   eins : ( a_value : A );
   zwei : ( b_value : B );
   drei : ( c_value : C );
end record;
```

• nicht diskriminiert (C, Dennis Ritchie 1972):

```
typedef union {
    A a_value; B b_value; C c_value;
} R;
```

- Typeset by FoilT_EX -

Rekursive algebraische Datentypen

• Haskell (Simon Peyton Jones et al, 1990,

• Java (James Gosling, 1995)

```
interface Tree<A> { }
class Leaf<A> implements Tree<A> { A key }
class Branch<A> implements Tree<A>
{ Tree<A> left, Tree<A> right }
```

- Tree a ist ein algebraischer Datentyp:
- die Signatur der Alg.: die Konstruktoren (Leaf, Branch)
- die Elemente der Algebra sind Terme (Bäume)

- Typeset by FoilTEX -

- Typeset by FoilT_EX

Felder (Arrays)

- Realisierung einer Abbildung, Definitionsbereich ist Intervall von Zahlen, Wertebereich ist benutzerdefiniert.
- Motivation: Zugriff auf beliebiges Element in konstanter Zeit (unabhängig von Intervallgröße)

```
a[i] = * (a + w * i)
```

- Design-Entscheidungen:
- welche Index-Typen erlaubt? (Zahlen? Aufzählungen?)
- Bereichsprüfungen bei Indizierungen? (C:nein, Java:ja)
- Allokation statisch oder dynamisch?
- Index-Bereiche statisch oder dynamisch?
- mehrdimensionale Felder (gemischt oder rechteckig)?

Produkttypen (Records)

- $\bullet R = A \times B \times C$
- Kreuzprodukt mit benannten Komponenten:

```
typedef struct {
    A foo; B bar; C baz;
} R;
R x; ... B y = x.bar; ...
```

• erstmalig in COBOL (1960) (Bromberg et al. 1960), basiert auf Flow-Matic (Hopper, 1959),

```
https://archive.computerhistory.org/resources/text/Oral_History/Hopper_Grace/102702026.05.01.pdf)
```

- Typeset by FoilT_EX -

Vereinigung mittels Interfaces

```
{\it I} repräsentiert die Vereinigung von {\it A} und {\it B}:
```

```
interface I { }
class A implements I { int foo; }
class B implements I { String bar; }
Notation dafür in Scala (M. Odersky, 2004,
```

```
https://scala-lang.org/)
abstract class I
case class A (foo : Int) extends I
case class B (bar : String) extends I
```

Verarbeitung durch Pattern matching

```
def g (x : I): Int = x match {
   case A(f) => f + 1
   case B(b) => b.length() }
```

- Typeset by FoilT_EX -

Potenz-Typen

- ullet $B^A := \{f: A o B\}$ (Menge aller Funkt. von A nach B)
- Potenz ist sinnvolle Notation, denn $|B|^{|A|} = |B^A|$
- Realisierungen:
- Funktionen (Unterprogramme)
- Wertetabellen (Funktion mit endlichem Definitionsbereich) (Assoziative Felder, Hashmaps)
- Felder (Definitionsbereich ist Aufzählungstyp) (Arrays)
- Zeiger (Hauptspeicher als Array)
- Zeichenketten (Strings)
- die unterschiedliche Notation dafür ist bedauerlich.

```
f(42); f.get(42); f[42]; *(f+42); f.charAt(42)
```

- Typeset by FoilTEX -

Felder in C

```
int main () {
   int a [10][10];
   a[3][2] = 8;
   a[2][12] = 5;
   printf ("%d\n", a[3][2]);
```

- statische Dimensionierung,
- · dynamische Allokation,
- keine Bereichsprüfungen.
- Form: rechteckig, Adress-Rechnung:

```
int [M][N]; a[x][y] ==> \star (\&a + (N\star x + y)
```

Felder in Javascript

- die Notation a [i] wird verwendet für Felder (Zugriff über Index) und (Hash)Maps (Zugriff über Schlüssel).
- durch das Fehlen statischer Typisierung sowie implizite
 Umwandlung zwischen Zahl und Zeichenkette wird
 absurdes Verhalten spezifiziert, vgl. (2017) https:
 //news.ycombinator.com/item?id=14675706

 var arr1 = []; arr1[4294967296]=1;
 // arr1.length == 0

 var arr2 = []; arr2[2147483647]=1;
 // arr2.length == 2147483648

 var arr3 = []; arr3[-1]=1;
 // arr3.length == 0

```
Felder in Java
```

- dynamische Dimensionierung und Allokation,
- Bereichsprüfungen.
- Arrays sind immer eindimensional, aber man kann diese schachteln. (Kosten?)

- Typeset by FoilT_EX -

Kosten der Bereichsüberprüfungen

- es wird oft als Argument für C (und gegen Java) angeführt, daß die erzwungene Bereichsüberprüfung bei jedem Array-Zugriff so teuer sei.
- sowas sollte man erst glauben, wenn man es selbst gemessen hat.
- moderne Java-Compiler sind sehr clever und können theorem-prove away (most) subscript range checks
- das kann man auch in der Assembler-Ausgabe des JIT-Compilers sehen.

```
https://www.imn.htwk-leipzig.de/~waldmann/
etc/safe-speed/
```

- Typeset by FoilT_EX -

- Typeset by FoilTEX -

Felder in C#

Übung: Unterschiede zwischen

- int [][] a geschachtelt (wie in Java)
- int [,] a mehrdimensional rechteckig

Benutzung (Zugriff)

in

Konstruktion/Initialisierung

- Typeset by FoilT_EX -

Verweistypen

- Typ T, Typ der Verweise auf T.
- Operationen: new, put, get, delete
- ähnlich zu Arrays (das Array ist der Hauptspeicher)
- explizite Verweise in C, Pascal

```
int x = 2; int *p = &x; ... *p + 3
```

implizite Verweise: Java:
 alle nicht primitiven Typen sind Verweistypen,
 De-Referenzierung ist implizit

Object a = ...; Object b = a; kopiert Verweis

C#: class ist Verweistyp, struct ist Werttyp

- Typeset by FoilTEX -

Typeset by FoilT_EX

Verweis- und Wertsemantik in C#

ld

- für Ausdrücke, deren Typ class ... ist:
 Verweis-Semantik, implizite Verweise (wie in Java)
- für Ausdrücke, deren Typ struct ... ist: Wert-Semantik, keine Verweise
- Testfall (hier class durch struct ersetzen)

```
class s {public int foo; public string bar;}
s x = new s(); x.foo = 3; x.bar = "bar";
s y = x; y.bar = "foo";
Console.WriteLine (x.bar);
```

• ähnlicher Plan: value class für Java (JEP 401)

- Typeset by FoilTEX -

Algebraische Datentypen in Pascal, C

Rekursion unter Verwendung von Verweistypen Pascal:

```
type Tree = ^ Node ;
type Tag = ( Leaf, Branch );
type Node = record case t : Tag of
  Leaf : ( key : T ) ;
  Branch : ( left : Tree ; right : Tree );
end record;
```

C: ähnlich, benutze typedef

Null-Zeiger: der Milliarden-Dollar-Fehler

 Tony Hoare (2009): [The null reference] has led to innumerable errors, vulnerabilities, and system crashes, which have probably caused a billion dollars of pain and damage in the last forty years.

```
(https://www.infoq.com/presentations/
Null-References-The-Billion-Dollar-Mistake-
```

 Das Problem sind nicht die Zeiger selbst, sondern daß (in vielen Sprachen) der Wert null zu jedem Zeigertyp gehört — obwohl er gar kein Zeiger ist.

Das ist die Verwechslung zwischen t und Maybe t.

```
(data Maybe t = Nothing | Just t)
```

Id Typeset by FollTisX -

Hausaufgaben Typen

WS 24: (1 oder 2), (3 oder 4), Zusatz: (5 oder 6 oder 7)

1. für Mengen

 $A = \emptyset, B = \{0\}, C = \{1, 2\}, D = \{3, 4, 5\}, E = \{6, 7, 8, 9\},\$ geben Sie an:

• alle Elemente von

 $A \times C, B \times D, A \cup B, B^A, A^B, C^B, B^C, C^D$

- ein Element aus $(C \times D)^E$
- ullet die Kardinalitäten von $(C \times D)^E, C^{D \cup E}$

ähnliche Aufgabenstellungen vorbereiten, die Sie dann in der Übung den anderen Studenten stellen.

- Typeset by FoilT_EX -

- Typeset by FoilT_EX -

2. Geben Sie eine Isomorphie zwischen den Mengen $(A^B)^C$

Illustrieren Sie das durch konkrete kleine endliche

Diskutieren Sie auch die Fälle, daß A, B, C leer sind.

Diese Isomorphie wird in Haskell durch die Funktion

curry realisiert. Zeigen Sie das in ghci. Verwenden Sie

dabei für A, B, C paarweise verschiedene Typen. Wie

Begründen Sie, daß $(A^B)^C$ nicht immer isomorph ist zu

und $A^{(B \times C)}$ an.

Mengen A, B, C.

lautet die Umkehrfunktion?

B. zur Folie "Felder in C":

Programm kompilieren, ausführen.

Assembler-Code ausgeben und erklären (gcc -S oder clang -S)

Unterschiede zwischen -00 und -03?

4. zu Folie "Felder in Javascript":

das zitierte Beispiel vorführen (node), mit Verweisen auf Sprachstandard erklären.

Untersuchen Sie die Aussage eines Kommentators: "Typescript prevents all of these errors". (Lokal im Pool: npm install typescript; npx tsc, auch ts-node ist nützlich. Keine Online-Dienste verwenden.)

Typeset by FoilTEX -

5. zu Folie "Kosten der Bereichsprüfungen" und dort angegebener Quelle:

führen Sie den Testfall vor, analysieren Sie die Ausgabe des Disassemblers (im Pool installiert). Vergleichen Sie verschiedene JIT/JVM-Versionen.

Schreiben Sie das äguivalente

Matrix-Multiplikationsprogramm in C, betrachten Sie den Assembler-Code, vergleichen Sie.

- Beispiele vorführen, Spezifikation zeigen (Primärquellen) zum Vergleich von
 - Data.Maybe (Haskell),
 - java.util.Optional,
 - nullable in C#

- Typeset by FoilTEX -

Typeset by FoilT_EX

5. Erläutern und variieren Sie das Verhalten von

 $A^{(B^C)}$. In welchen Fällen besteht Isomorphie?

```
#include <stdio.h>
typedef union { double foo; long int bar; } U;
int main ()
 { U x;
   x.bar = 0; printf ("%ld\n", x.bar);
   x.foo = 7.0; printf ("%ld\n", x.bar);
```

Wiederholen Sie dabei die Gleitkomma-Darstellung (genau — welche Bits bedeutet was?)

Fügen Sie zu der Vereinigung einen weiteren Typ der gleichen Länge hinzu, z.B. Array von Bytes;

sowie einen Typ anderer Länge, z.B. float.

Typeset by FoilT_EX –

- Typeset by FoilTEX -

- Typeset by FoilT_EX

Bezeichner, Bindungen, Bereiche Variablen

- vereinfacht: Variable bezeichnet eine Speicherstelle
- genauer: Variable besitzt Attribute
- Name
- Adresse
- Wert
- Typ
- Lebensdauer
- Sichtbarkeitsbereich
- Festlegung dieser Attribute statisch oder dynamisch

- Typeset by FoilT_EX -

Konkrete Syntax von Namen

- ... wird definiert durch die Tokenklasse Bezeichner
- welche Buchstaben/Zeichen sind erlaubt?
- reservierte Bezeichner?
- Groß/Kleinschreibung?
- Konvention: long_name oder longName (camel-case)
 (Fortran: long_name)
 - im Zweifelsfall: Konvention der Umgebung einhalten
- Konvention: Typ im Namen (Bsp.: myStack = ...)
- verrät Details der Implementierung
- ist ungeprüfte Behauptung

besser: Stack<Ding> rest_of_input = ...

Typeset by FoilT_EX -

Typen für Namen

- dynamisch (Wert hat Typ)
- statisch (Name hat Typ)
- deklariert (durch Programmierer)
- inferiert (durch Übersetzer)z. B. var in C#
- Vor/Nachteile: Lesbarkeit, Sicherheit, Kosten der Typ eines Namens ist seine beste Dokumentation (weil sie maschinell überprüft wird - bei statischer Typisierung)

- Typeset by FoilTEX -

Statisch typisierte Sprachen

- Namen sind typisiert, Daten sind typisiert (? siehe unten)
- Invariante:

- Typeset by FoilTEX -

- zur Laufzeit ist der *dynamische Typ* des Namens (der Typ des Datums auf der durch den Namen bezeichneten Speicherstelle)
- immer gleich dem statischen Typ des Namens
- woher kommt der statische Typ?
- Programmierer deklariert Typen von Namen (C, Java)
- Compiler inferiert Typen von Namen (ML, C# (var))
- dynamischer Typ muß zur Laufzeit nicht repräsentiert werden (das spart Platz u. Zeit): Compiler erzeugt Code, der das Resultat der Laufzeittypprüfung vorwegnimmt.

Namen in der Mathematik

• ein Name bezeichnet einen unveränderlichen Wert

$$e = \sum_{n\geq 0} \frac{1}{n!}, \quad \sin = (x \mapsto \sum_{n\geq 0} (-1)^n \frac{x^{2n+1}}{(2n+1)!})$$

- auch n und x sind dabei lokale Konstanten (werden aber gern "Variablen" genannt)
- auch die "Variablen" in Gleichungssystemen sind (unbekannte) Konstanten $\{x+y=1 \land 2x+y=1\}$

in der Programmierung:

- Variable ist Name f
 ür Speicherstelle (= konstanter Zeiger)
- implizite Dereferenzierung beim Lesen und Schreiben
- Konstante: Zeiger auf schreibgeschützte Speicherstelle

- Typeset by FoilT_EX -

Deklaration und Definition

- Bsp: int x = 8; int x ist Deklaration, = 8 ist Definition
- Bsp: static int f(int y) { return y+1; }
 static int f(int y) ist Deklaration,
 (int y) { return y+1; } ist Definition.
- Deklaration:
 - statische Semantik: der Name ist ab hier sichtbar
- dynamische S.: dem Namen ist Speicherplatz zugeordnet
- Definition:
- dynamische Semantik: dem Namen ist Wert zugeordnet
- statische S.: (siehe "garantierte Initialisierung" später)

- Typeset by FoilT_EX -

ld

Dynamisch typisierte Sprachen

- Daten sind typisiert, Namen sind nicht typisiert.
- LISP, Clojure, PHP, Python, Perl, Javascript, . . .
- let foo = function(x) {return 3*x;};
 foo(1);
 foo = "bar";
 foo(1);
- Ü: zum Vergleich: dieses Beispiel in Typescript (statisch typisiert)

- Typeset by FoilTEX

10

Typdeklarationen

• im einfachsten Fall (Java, C#):

```
Typname Variablenname [ = Initialisierung |
int [] a = { 1, 2, 3 };
Func<double, double> f = (x => sin(x));
```

 gern auch komplizierter (C): dort gibt es keine Syntax für Typen, sondern nur für Deklarationen von Namen.

```
double f (double x) { return sin(x); }
int * p; double ( * a [2]) (double);
```

Beachte: \star und [] werden "von außen nach innen "angewendet

• Ü: Syntaxbäume zeichnen, a benutzen

Typinferenz in C# und Java

• für lokale Variablen in C#, Java: var

```
public class infer {
   public static void Main (string [] argv) {
      var arg = argv[0];
      var len = arg.Length;
      System.Console.WriteLine (len); }
}
```

- Ü: dieses var ist nicht das var aus Javascript.
- für formale Parameter von anonymen Unterprogrammen

```
Function<Integer, Integer> f = (x) \rightarrow x;
```

• Typ von f wird nicht inferiert: var f = (x) -> x

- Typeset by FoilT_EX -

Konstanten

- = Variablen, an die genau einmal zugewiesen wird
- C: const (ist Attribut f
 ür Typ)
- Java: final (ist Attribut für Variable)
- Vorsicht:

```
class C { int foo; }
static void g (final C x) { x.foo ++; }
```

alle Deklarationen so lokal und so konstant wie möglich!
 (d. h., Attribute immutable usw.)

denn das verringert den Umfang der Dinge, über die man nachdenken muß, um das Programm zu verstehen

- Typeset by FoilT_EX -

Sichtbarkeit von Namen

- eine Deklaration ist sichtbar, wenn die Verwendung des Namens ein Bezug auf die deklarierte Variable ist
- üblich ist: Sichtbarkeit beginnt nach Deklaration und endet am Ende des umgebenden Blockes.
- Import-Deklarationen machen Namen aus anderen Namensbereichen sichtbar
- (Java) ohne Import-D. besteht qualifizierte Sichtbarkeit
- (C): Sichtbarkeit beginnt in der Initalisierung

```
int x = sizeof(x); printf ("%d\n", x);
```

Ü: ähnliches Beispiel für Java? Vgl. JLS Kapitel 6.

- Typeset by FoilTEX

Sichtbarkeit in JavaScript

- Namen sind sichtbar
- Deklaration mit var: im (gesamten!) Unterprogramm
 (function() { { var x = 8; } return x; }
- Deklaration mit let: im (gesamten!) Block

```
(function() { \{ let x = 8; \} return x; \}
```

• Ü: erkläre (durch Verweis auf Sprachspezifikation)

```
\label{eq:condition} \begin{tabular}{ll} $(function() \{let x=8; \{x=9; let x=10\} return x\} )() \\ $(function() \{let x=8; \{y=9; let x=10\} return x\} )() \\ \end{tabular}
```

Code-Inferenz

- in vielen einfachen Sprachen dienen Typen tatsächlich "nur" zur Spezifikation und Dokumentation … man könnte sie also doch weglassen, wenn man nur die Implementierung selbst braucht?
- moderne, ausdrucksstarke Typsysteme nützen deutlich mehr und tragen auch zur Code-Erzeugung bei.
- Sandy Maguire: https://thinkingwithtypes.com/
- Anwendungen/Beispiele (u.a. in autotool)
- typgesteuerte Testdatenerzeugung, Rudy Matela, 2017, https://hackage.haskell.org/package/leancheck
- Type-Level Web APIs with Servant, Alp Mestanogullari et al., 2015, https://www.servant.dev/

- Typeset by FoilT_EX -

Lebensort und -Dauer von Name und Daten

• statisch (auf statisch zugeordneter Adresse im Hauptspeicherbereich)

```
int f (int x) {
   static int y = 3; y++; return x+y; }
```

- dynamisch (auf zur Laufzeit bestimmter Adresse)
- Stack (Speicherbereich für Unterprogramm-Aufruf)
- { int x = ... }
 Heap (Hauptspeicherbereich)
 - * explizit (new/delete, malloc/free)
 - * implizit (kein delete, sondern automatische Freigabe)
- Beachte (in Java, C#) in { C x = new C(); } ist x stack-lokal, Inhalt ist Zeiger auf das heap-globale Objekt.

- Typeset by FoilT_EX -

Verdeckung von Deklarationen

• Namen sind auch in inneren Blöcken sichtbar:

```
int x;
while (..) {
  int y; ... x + y ...
}
```

innere Deklarationen verdecken äußere:

```
int x;
while (..) {
  int x; ... x ...
}
```

- Typeset by FoilTEX -

Hausaufgaben

1. Beobachten und erklären Sie die Ausgabe von

```
#include <stdio.h>
int main (int argc, char **argv) {
  int x = 3;
  { printf ("%d\n", x);
   int x = 4;
   printf ("%d\n", x);
  }
  printf ("%d\n", x);
}
```

schreiben Sie ein entsprechendes Java-Programm und vergleichen Sie (statische und dynamische Semantik:

Typeset by FoilT_EX – Id Typeset by FoilT_EX

experimentell und mit Sprachspezifikation)

Sichtbarkeit von Deklarationen in Javascript. Siehe Folie, Original-Dokumentation zeigen und Beispiele vorführen (node), ergänzen durch weitere Beispiele mit nicht offensichtlicher Semantik, Bsp: Variablen-Deklaration in einem Zweig einer Verzweigung. nur Sichtbarkeiten — Programmablaufsteuerung soll trival sein (keine Schleifen, keine Unterprogramme)

B. frühere Folie Verweis- und Wertsemantik in C#: den angegebenen Testfall durchführen (mit Mono C# Shell, csharp), Lebensort (Stack, Heap) der Daten angeben, dann class durch struct ersetzen.

- Typeset by FoilT_EX -

Syntax von Ausdrücken

- einfache Ausdrücke : Literale, (Variablen-)Namen
- zusammengesetzte Ausdrücke:
- Operator-Symbol zwischen Argumenten
- Funktions-Symbol vor Argument-Tupel

wichtige Spezialfälle für Operatoren:

- arithmetische (von Zahlen nach Zahl)
- relationale (von Zahlen nach Wahrheitswert)
- boolesche (von Wahrheitswerten nach Wahrheitsw.)

Wdhlg: Syntaxbaum, Präzedenz, Assoziativität.

- Typeset by FoilTEX -

Beziehungen zw. Ausdruck und Anweisung

- in allen imperativen Sprachen gibt es Ausdrücke mit Nebenwirkungen (nämlich Unterprogramm-Aufrufe)
- in den rein funktionalen Sprachen gibt es keine (Neben-)Wirkungen, also keine Anweisungen (sondern nur Ausdrücke).
- in den C-ähnlichen Sprachen ist = ein Operator, (d. h. die Zuweisung ist syntaktisch ein Ausdruck, kann Teil von anderen Ausdrücken sein)

int x = 3; int y = 4; int z = x + (y = 5);

• in den C-ähnlichen Sprachen:

Ausdruck ist als Anweisung gestattet (z.B. in Block)

{ int x = 3; x++; System.out.println(x);

- Typeset by FoilTEX -

- Typeset by FoilT_EX -

Automatische Typanpassungen

• in vielen Sprachen postuliert man eine Hierarchie von Zahlbereichstypen:

 $byte \subseteq int \subseteq float \subseteq double$

im allgemeinen ist das eine Halbordnung.

• Operator mit Argumenten verschiedener Typen:

(x :: int) + (y :: float)

beide Argumente werden zu kleinstem gemeinsamen Obertyp promoviert, falls dieser eindeutig ist (sonst statischer Typfehler)

(Halbordnung → Halbverband)

(das ist die richtige Benutzung von promovieren)

Ausdrücke

Definition, Abgrenzung

- Ausdruck hat Wert (Zahl, Objekt, ...) (Ausdruck wird ausgewertet)
- Anweisung hat Wirkung (Änderung des Speicher/Welt-Zustandes) (Anweisung wird ausgeführt)

Vgl. Trennung (in Pascal, Ada)

- Funktion (Aufruf ist Ausdruck)
- Prozedur (Aufruf ist Anweisung)

Ü: wie in Java ausgedrückt? wie stark getrennt?

- Typeset by FoilT_EX -

Designfragen für Ausdrücke

- Syntax
- Präzedenzen (Vorrang)
- Assoziativitäten (Gruppierung)
- kann Programmierer neue Operatoren definieren?
- statische Semantik
- ... vorhandene Operatornamen überladen?
- Typen der Operatoren?
- implizite, explizite Typumwandlungen?
- dynamische Semantik
- Ausdrücke dürfen (Neben-)Wirkungen haben?
- falls mehrere: in welcher Reihenfolge treten diese ein?
- verkürzte Auswertung (nicht alle NW treten ein)?

- Typeset by FoilT_EX -

ld

Überladene Operatornamen

- Def: Name *n überladen*, falls *n* mehrere Bedeutungen (gleichzeitig sichtbare Deklarationen) hat
- in vielen Sprachen sind arithmetische und relationale Operatornamen überladen ...

weil das Typsystem keine flexiblere Lösung gestattet, wie z.B. class Num a where (+) :: a -> a -> a

- Überladung wird statisch aufgelöst (vom Compiler, anhand der Typen der Argument-Ausdrücke)
- int x = 3; int y = 4; ... x + y ... double a; double b; \dots a + b \dots String q; \dots p + q \dots String p;

- Typeset by FoilTEX -

Wahrheitswerte in C, C++

• der Typ der Wahrheitswerte ist bool

(in C: #include <stdbool.h>)

mit impliziter Konversion:

- zu int: false $\rightarrow 0$, true \rightarrow 1

- von int: $0 \rightarrow$ false, alles andere \rightarrow true

• bool x = false; bool y = true; bool z = true; int a = x + y + z; int $b = x \mid \mid (y + z);$

Der Plus-Operator in Java

- hat diese Überladungen: Addition von int, Addition von double, ..., Verkettung von String
- System.out.println ("foo" + 3 + 4); System.out.println (3 + 4 + "bar");
- Vorgehen für die Analyse:
- abstrakten Syntaxbaum bestimmen
- Typen (als Attribute der AST-Knoten) bestimmen,
- dabei implizite Typ-Umwandlungen einfügen (in diesem Fall Integer.toString())
- Werte (als Attribute) bestimmen

- Typeset by FoilT_EX -

sieht gleich aus und heißt gleich (cast), hat aber verschiedene Bedeutungen:

 Datum soll in anderen Typ gewandelt werden, Repräsentation ändert sich:

```
int x = 4; double y = (double) x / 5;
/* \ddot{U} : */ double z = (double) (x / 5) ;
```

Explizite Typumwandlungen

 Programmierer weiß es besser als der Compiler, Code für Typprüfung zur Laufzeit wird erzeugt, Repräsentation ändert sich nicht:

```
List books; Book b = (Book) books.get (7);
```

- Typeset by FoilT_EX -

Typumwandlungen in Haskell

• Joachim Breitner et al.: Safe zero-cost coercions for Haskell, JFP 2016, https://dblp.org/rec/ journals/jfp/BreitnerEJW16.html

Umwandlung zwischen Basistyp und abgeleitetem Typ mit gleicher Laufzeit-Repräsentation

- sicher: durch Compiler bewiesen
- kostenlos: keine Laufzeitkosten

```
newtype Foo = Foo Int
data Bar a = Bar Bool a
xs = replicate 10 (Bar True (Foo 3)) :: [Bar Foo]
ys = Data.Coerce.coerce xs :: [Bar Int]
```

- Typeset by FoilT_EX -

Der Zuweisungs-Operator

- Syntax:
- Algol, Pascal: Zuweisung :=, Vergleich =
- Fortran, C, Java: Zuweisung =, Vergleich ==
- Semantik der Zuweisung a = b:
- bestimme Adresse (Ivalue) p von a
- bestimme Wert (rvalue) v von b
- schreibe v auf p
- diese Ausdrücke haben einen Ivalue:
- Variablen
- -a[i], mit: rvalue von a ist Array, rvalue von i ist Index
- $\circ . a$, mit: rvalue von o ist Objekt mit Attribut a

Bsp: foo() [bar()]

- Typeset by FoilT_EX -

ld

Weitere Formen der Zuweisung

(in C-ähnlichen Sprachen)

- verkürzte Zuweisung: a += b entsprechend für andere binäre Operatoren
- Ivalue p von a wird bestimmt (nur einmal)
- rvalue v von b wird bestimmt
- Wert auf Adresse p wird um v erhöht
- Inkrement/Dekrement
- Präfix-Version ++i, --j: Wert ist der geänderte
- Suffix-Version i++, j-−: Wert ist der vorherige
- Ü: experimentell bestätigen, daß Ivalue des Zuweisungsziels nur einmal ausgewertet wird

- Typeset by FoilTEX -

Teil-Ausdrücke mit Nebenwirkungen

(side effect; falsche Übersetzung: Seiteneffekt)

- in C-ähnlichen Sprachen: Zuweisungs-Operatoren bilden Ausdrücke, d. h. Zuweisungen sind Ausdrücke und können als Teile von Ausdrücken vorkommen.
- Wert einer Zuweisung ist der zugewiesene Wert

```
int a; int b; a = b = 5; // wie geklammert?
```

• Komma-Operator zur Verkettung von Ausdrücken (mit Nebenwirkungen) - vgl. C mit Java

```
for (...; ...; i++, j--) { ... }
```

- Typeset by FoilTEX -

Auswertungsreihenfolgen

• zusammengesetzte Programme können mehrere Bestandteile mit Nebenwirkungen haben.

In welcher Reihenfolge finden diese statt?

- Anweisungen: explizite Programm-Ablauf-Steuerung
- { int a = 5; a = 6; int b = a + a; }
- Ausdrücke? $\{ int a; int b = (a = 5) + (a = 6); \}$
- C, C++: Reihenfolge nicht spezifiziert, wenn Wert davon abhängt, dann ist Verhalten nicht definiert
- Java, C#: Reihenfolge genau spezifiziert (siehe JLS)

Ausdrucks-Semantik von C

- Sprachstandard benutzt Begriff sequence point (Meilenstein): bei Komma, Fragezeichen, & & und | |
- Nebenwirkungen zwischen Meilensteinen müssen unabhängig sein (nicht die gleiche Speicherstelle betreffen),
- ansonsten ist das Verhalten undefiniert, d.h., der Compiler darf beliebigen Code erzeugen, z.B. solchen, der die Festplatte löscht oder Cthulhu heraufbeschwört.
- vgl. Aussagen zu sequence points in https://gcc.gnu.org/readings.html und Gurevich, Huggins: Semantics of C, https://citeseerx. ist.psu.edu/viewdoc/summary?doi=10.1.1.29.6755

 Typeset by FoilT_EX - Typeset by FoilTEX

Logische (Boolesche) Ausdrücke

- Konjunktion & &, Disjunktion | |, Negation !
 Äquivalenz, Antivalenz
- verkürzte Auswertung für Konjunktion und Disjunktion: wenn nach Auswertung des linken Arguments das Resultat feststeht, denn werte rechtes nicht aus

```
int [] a = ...; int k = ...; if (k >= 0 && a[k] > 7) { ... }
```

dann tritt dessen Nebenwirkung (o. Exception) nicht auf

• warum keine verkürzte Auswertung für Äquiv., Antiv.?

- Typeset by FoilT_EX -

Übungen

- 1. Gary Bernhardt: WAT (2012) https:
 - $//{\tt www.destroyallsoftware.com/talks/wat}\\$
- 2. Wiederholung Operator-Syntax:
 - ist die Mengendifferenz assoziativ?
 - vgl. https:

//gitlab.haskell.org/ghc/ghc/issues/15892
"the fix was to add a pair of parentheses"

 Was spricht dafür und dagegen, daß in einem Programmtext neue Operatoren definiert werden?
 In C++ darf man keine neuen Operatoren deklarieren, aber vorhandene Operatoren neu implementieren.
 Begründen Sie diese Design-Entscheidung.

- Typeset by FoilT_EX -

2. durch Verweis auf JLS erklären:

```
• System.out.println ("H" + "a");
System.out.println ('H' + 'a');
• char x = 'Y' int i = 0.
```

- char x = 'X'; int i = 0; System.out.print (true ? x : 0); System.out.print (false ? i : x);
- long x = 1000 * 1000 * 1000 * 1000; long y = 1000 * 1000; System.out.println (x / y);
- System.out.println ((int) (char) (byte) -1);

Quelle: Joshua Bloch, Neil Gafter: *Java Puzzlers*, Addison-Wesley, 2005.

B. statische Semantik (Typisierung) und dynamische

- Typeset by FoilTEX -

unterschiedliche Semantik realisieren. Beispiel: int y = 1; int z = (y=2) + (y=3);

- (b) Wo ist dieses (undefined) Verhalten im (draft) C++-Standard beschrieben?
 - (http://www.open-std.org/jtc1/sc22/wg21/)
- (c) Vergleichen Sie mit Semantik des entsprechenden Java-Programms. (Ausführen, Bytecode ansehen, Sprachspezifikation)
- (d) Wer ist Cthulhu, wo wohnt er (derzeit), was hat er vor? Seine Beziehung zu Semantik von C-Programmen ist Folklore (kann nur durch Internet-Quellen belegt werden).

Der ternäre Verzweigungs-Operator ?:

```
• if (0 == x % 2) { x = x / 2; } else { x = 3 * x + 1; }
```

die Zuweisung herausfaktorisieren:

```
x = if (0 == x % 2) { x / 2 }
else { 3 * x + 1  };
```

historische Notation dafür benutzt ternären Operator ?:

```
x = (0 == x % 2) ? x / 2 : 3 * x + 1;
```

- $(x \&\& y) \equiv (x ? y : false), (x || y) \equiv ...$
- Verzweigungs-Operator auf Ivalues (C++):

```
int a = 4; int b = 5; int c = 6; ( c < 7? a : b) = 8;
```

- Typeset by FoilT_EX -

Hausaufgaben

WS 24: 5, 3, 4

- 1. Konversion von int nach float in Java:
- (a) Es gilt nicht int \subseteq float, denn:
 - beide Mengen sind gleich groß (wie groß?)
 - und es gibt (viele) $y \in \text{float} \setminus \text{int (welche?)}$
- (b) Geben Sie ein $x \in \text{int} \setminus \text{float explizit an.}$ (eine ganze Zahl, die keine exakte Darstellung als float besitzt)
- (c) Wo ist diese Konversion in der Sprachspezifikation (JLS) beschrieben?
- (d) desgleichen für long zu double
- (e) Gilt int \subseteq double? (nach JLS, nach IEEE-Standard)

- Typeset by FoilTEX -

Semantik (Auswertung) dieses Programms (in C, in Java)

```
int a = -4; int b = -3; int c = -2;
if (a < b < c) {
    printf ("aufsteigend");
}</pre>
```

dazu den AST für a < b < c zeichnen und annotieren.

- UB (undefined behaviour) für C-Ausdrücke mit abhängigen Teilausdrücken zwischen Sequence Points:
- (a) Finden Sie C- oder C++- Programme, bei denen
 - verschiedene Compiler (gcc, clang, g++, clang++)
 - ein Compiler bei verschiedenen Optionen (-00, -03)
 - verschiedene Versionen eines Compilers (im Pool: verschiedene gcc sind installiert)

- Typeset by FoilTEX -

- 5. Verkürzte Auswertung bei logischen Operatoren in Java und JS (Tests mit jshell, node)
- (a) einen Testfall angeben, der die verkürzte Auswertung bei | | zeigt.
- (b) Der Operator | verknüpft Zahlen bitweise. (Testfall angeben) Es gibt | auch für boolean. Worin besteht der Unterschied zu | | ? (Testfall angeben)
- (c) desgl. für &
- (d) das gleiche für JS oder TS untersuchen
- Verkürzte Auswertung bei logischen Operatoren in Ada: Sprachstandard und Vorführung. Benutze GNAT (GNU Ada Translator) als Teil von GCC (GNU Compiler Collection), ist im Pool installiert

- Typeset by FoilT_EX - Id

Anweisungen

Definition (Wiederholung)

- abstrakte Syntax:
- einfache Anweisung:
- * leere Anweisung (skip), Zuweisung (l:=r),
- * Sprung goto, break, continue, return, throw
- * Unterprogramm-Aufruf (p(a,b))
- zusammengesetzte Anweisung:
- * Nacheinanderausführung (Block)
- * Verzweigung (zweifach: if, mehrfach: switch)
- * Wiederholung (Schleife)
- Semantik: Ausführen einer Anweisung bewirkt Zustandsänderung

- Typeset by FoilT_EX -

• in vielen Sprachen:

```
if Bedingung then Anweisung1
    [ else Anweisung2 ]
```

• Designfrage (Syntax und Semantik): Bedingung ist ...

Verzweigungen (zweifach)

- beliebiger Ausdruck mit Typ Wahrheitswert
- nur Vergleich zwischen Ausdrücken vom Typ Zahl
- Designfrage Syntax: Mehrdeutigkeit der Grammatik
- gelöst durch Festlegung (else gehört zu letztem if)
- vermieden durch Block-Bildung (Ada)
- tritt nicht auf, weil man else nie weglassen darf, weil beide Zweige einen Wert liefern (?:, Haskell)

- Typeset by FoilTEX -

switch/break

```
switch (index) {
  case 1 : odd ++;
  case 2 : even ++;
  default :
    printf ("wrong index %d\n", index);
}
```

- Semantik in C, C++, Java ist nicht "führe den zum Wert der Diskriminante passenden Zweig aus"
- sondern "... passenden Zweig aus sowie alle danach folgenden Zweige".
- C#: jeder Zweig muß mit break oder goto enden.

- Typeset by FoilTEX -

Kompilation der Mehrfachverzweigung

ein switch (mit vielen cases) wird übersetzt in:

- (naiv) eine lineare Folge von binären Verzweigungen (if, elsif)
- (semi-clever) einen balancierter Baum von binären Verzweigungen
- (clever) eine Sprungtabelle

Übung:

- einen langen Switch (1000 Fälle) erzeugen (durch ein Programm!)
- Assembler/Bytecode anschauen

- Typeset by FoilT_EX -

Blöcke

- Def: Folge von (Deklarationen und) Anweisungen
- Designfrage/historische Entwicklung: Deklarationen . . .
- am Beginn des Progr. (Assembler, COBOL, Fortran)
- am Beginn jedes Unter-Programms (Pascal)
- am Beginn jedes Blocks (C)
- an jeder Stelle jedes Blocks (C++, Java)
- Designfrage für Syntax: Blöcke
- explizit (Klammern, begin/end)
- implizit (if ...then ...end if , d.h., ohne begin)

- Typeset by FoilT_EX -

Mehrfach-Verzweigung

Syntax: Semantik

- Bezeichnung: der Ausdruck e heißt Diskriminante
- Vorsicht! Das ist *nicht* die Semantik in C(++), Java.
- welche Typen für e? (z.B.: Aufzählungstypen)
- Wertebereiche? (case c1 .. c2 : ...)
- was passiert, wenn mehrere Fälle zutreffen?
 (z.B.: statisch verhindert dadurch, daß ci verschiedene Literale sein müssen)

- Typeset by FoilT_EX -

gX – Id

Verzweigungen in Ausdrücken

zweifach-Verzweigung in C-ähnlichen Sprachen:

Ausdruck vom Typ int mit Wert 11:

```
false ? 12 : 11
```

Mehrfach-Verzweigung (switch expression) in Java (21)
 Ausdruck vom Typ int mit Wert 1:

```
switch (3) {case 0 -> 0; default -> 1;}
```

 warum? nur nebenwirkungsfreie Programme sind leicht zu spezifieren, zu testen, zu komponieren, zu parallelisieren ⇒ Ausdrücke, nicht Anweisungen ⇒ funktionale Programmierung

- Typeset by FoilTEX -

- Typeset by FoilTEX

Pattern Matching (Def., Bsp. Scala)

- Fallunterscheidung nach Konstruktor (Bsp: Const,Plus) und Bindung von lokalen Namen (im Bsp: 1,r)
- data Term = Constant Int | Plus Term Term -- Haskel
 eval :: Term -> Int
 eval t = case t of
 Constant i -> i
 Plus l r -> eval l + eval r

Pattern Matching (Bsp. Java)

 ein Muster, dessen lokale Variable s hat Typ String und ist im Ja-Zweig sichtbar:

```
Object o = "foo";
(o instanceof String s) ? s.length() : 42
```

 mehrere Muster, Mustervariable in jeweiligem Zweig und (vorher schon) Bedingung sichtbar

```
switch (o) { case String s when s.length() > 2 -> 4
  case Integer i -> 0; default -> 2;}
```

• Benennung von Record-Komponenten

```
record R (int x, String y) {}
switch (new R(2,"foo")) {
  case R(int x, String y ) -> x; ...}
```

- Typeset by FoilT_EX -

Schleifen steuern durch...

Zähler

```
for p in 1 .. 10 loop .. end loop;
```

Daten

Bedingung

```
while (x > 0) \{ if (...) \{ x = ... \}.
```

Zustand (Iterator, hasNext, next)

- Typeset by FoilT_EX -

Datengesteuerte Schleifen

- die Zählschleife ist schon ein code smell (Anzeichen für unzweckmäßige Programmierung),
- der eigentliche smell ist die Verwendung von Zahlen (!)
- weil man (wegen verfrühter Optimierung) über Indizes spricht statt über die indizierten Werte

```
T [] a; for (int i = ...) { ... a[i] ... }
```

 Notation zur Vermeidung von Indizes bei Verarbeitung aller Elemente einer Datenstruktur

```
for (T x : a) \{ ... x ... \}
```

mit Indizes, die gar nicht dastehen, kann man auch keine Indexfehler machen (z.B. off-by-one)

- Typeset by FoilTEX -

- Typeset by FoilT_EX -

Implizite Iteratoren in C#

• durch diese Konstruktion wird ein Iterator angelegt:

- der markierte Block ist eine Co-Routine, seine Ausführung ist mit der des Hauptprogramms verschränkt.
- Coroutinen in Simula (1967), siehe: Ole-Johan Dahl, C.
 A. R. Hoare: Hierarchical Program Structures, 1972

https://dl.acm.org/doi/book/10.5555/1243380

Wiederholungen (Schleifen)

- Programmablaufsteuerung von Wiederholungen:
 - von-Neumann-Modell (Maschine, Assembler): unbedingter, bedingter Sprung
 - strukturierte Programmierung: Schleifen
- wie beweist man Programm-Eigenschaften?
- partielle Korrektheit: mit Invariante
- Termination: mit Maßfunktion
- Designfragen für Schleifen:
 - wie wird Schleife gesteuert? Bedingung, Z\u00e4hler, Zustand (Iterator), Daten (Collection)
 - an welcher Stelle in der Schleife findet Steuerung statt (Anfang, Ende, dazwischen, evtl. mehrere Stellen)

- Typeset by FoilT_EX -

Zählschleifen

- Idee: vor Beginn steht Anzahl der Durchläufe fest.
 Maßfunktion = Abstand des akt. Zählerwertes zum Ende
- richtig realisiert ist das nur in Ada:

```
for p in 1 .. 10 loop ... end loop;
```

- Zähler p wird implizit deklariert
- Zähler ist nur im Schleifenkörper sichtbar
- Zähler ist im Schleifenkörper konstant
- Zählerstand nur implizit d. Schleifensteuerung geändert
- Ausdrücke für Bereichsgrenzen werden nur einmal (vor Betreten der Schleife) ausgewertet
- Vergleiche (beide Punkte) mit Java, C++, C

- Typeset by FoilTEX

Zustandsgesteuerte Schleifen

 Iterator repräsentiert Strom von Daten (Stream = Liste mit bedarfsweiser Auswertung)

```
interface Iterator<T> {
  boolean hasNext(); T next (); }
interface Iterable<T> {
  Iterator<T> iterator(); }
```

 Iterator-Objekt ist oft Index(Variable) mit Verweis auf zugrundeliegende Struktur. Das vermeidet Risiken wie:

```
int i; int j; int [] a; int [] b; .. a[j]
```

 Iterator ist hier implizit (über den Wert einer Variablen, die gar nicht dasteht, muß man nicht nachdenken)

```
Iterable T> c; for T x : c \dots
```

- Typeset by FoilTEX -

Bedingungsgesteuerte Schleifen

 das ist die allgemeinste Form, ergibt (partielle) rekursive Funktionen,

(zum Vergleich: Programme mit Zählschleifen = primitiv rekursive Funktionen)

- Steuerung
- am Anfang: while (Bedingung) Anweisung
- am Ende: do Anweisung while (Bedingung)
- Weitere Änderung des Ablaufes:
- vorzeitiger Abbruch (break)
- vorzeitige Wiederholung (continue)
- beides auch nicht lokal

- Typeset by FoilT_EX -

Dynamische Semantik von Schleifen

operationale Semantik durch Sprünge (autotool-Aufgabe)

```
while (B) A; ==>
  start : if (!B) goto end;
           goto start;
   end : skip;
```

- $\ddot{\mathsf{U}}$: do A while (B);
- diese Programme sind semantisch äquivalent:

```
while (B) A; und if (B) { A; while (B) A }
```

- das definiert auch die Semantik (durch Transformation)
- Compiler machen das tatsächlich (loop unrolling) Vergleiche: $(B_1A)^*B_0 = B_0 \cup B_1(A \cdot (B_1A)^*B_0)$

- Typeset by FoilT_EX -

Geschachtelte Schleifen

• manche Sprachen gestatten Markierungen (Labels) an Schleifen als Ziele für break, continue:

```
foo : for (int i = ...) {
 bar : for (int j = ...) {
    ...; if (...) break foo; ... } }
```

• deswegen (und nur deswegen) gibt es Marken (Labels) in Java, diese sind syntaktisch vor jeder Anweisung erlaubt ... und das ist ein gültiges Programm:

```
void m () { https://haskell.org/
            return; }
```

Ü: warum zwei Zeilen?

- Typeset by FoilT_EX -

Sprünge und Schleifen

- Goto und While: softwaretechnisch (pragmatisch) sehr unterschiedlich, aber semantisch gleich ausdrucksstark
- Satz: zu jedem While-P. gibt es ein äquivalentes Goto-P.
- Satz: zu jedem Goto-P. gibt es ein äquivalentes While-P. Beweis durch Kompilation:

```
übesetze 1: A1; 2: A2; .. 5: goto 7; zu
while (true) { switch (pc) {
    case 1 : A1 ; pc++ ; break; ...
    case 5 : pc = 7 ; break; ...
                                       } }
```

- das beweist: . . . äquivalentes While-P. mit ≤ 1 Schleife
- softwaretechnisch nützt das gar nichts

- Typeset by FoilTEX -

Garantierte Initialisierung in Java

• JSL Kap. 16: For every access of a local variable $x \dots, x$ must be definitely assigned before the access, or a compile-time error occurs.

For every assignment to a blank final variable, the variable must be definitely unassigned before the assignment, or a compile-time error occurs.

 Beispiel: A Java compiler recognizes that k is definitely assigned before its access (as an argument of a method invocation) in the code:

```
int k; // deklariert ohne Initialisierung
if (v > 0 \&\& (k = System.in.read()) >= 0)
    System.out.println(k);
```

- Typeset by FoilTEX

vorzeitiges Verlassen

```
• ...des Schleifenkörpers
```

```
while (B1) { A1; if (B2) continue; A2; }

    ...der Schleife
```

```
while (B1) { A1; if (B2) break; A2; }
```

• operationale Semantik: äquivalentes Goto-Programm

```
start: if (B1) goto next else goto end;
next : A1; if (B2) goto ...; A2; goto star
end : skip;
```

- äquivalentes Programm mit Standard-Schleife?
 - für continue: einfach
 - für break: nur mit Boolescher Hilfsvariablen

- Typeset by FoilTEX -

Sprünge

- bedingte, unbedingte (mit bekanntem Ziel)
- Maschinensprachen, Assembler, Java-Bytecode
- Fortran, Basic: if Bedingung then Zeilennummer
- Fortran: dreifach-Verzweigung (arithmetic-if)
- "computed goto" (Zeilennr. des Sprungziels ausrechnen)
- zur Geschichte der Verzweigung in Programmiersprachen (mit vielen Original-Dokumenten)

Eric Fischer: if-then-else had to be invented, !!Con West 2019 https://github.com/ericfischer/if-then-else/ blob/master/if-then-else.md http://bangbangcon.com/west/2019/speakers/

- Typeset by FoilT_EX -

ld

Schleifen und Unterprogramme

- Zu jedem While-P. gibt es ein äquivalentes P. ohne Schleifen: nur mit Verzweigungen und (rekursiven) Unterprogrammen
- Beweis-Idee: while (B) A; wird übersetzt in

```
void s () { if (B) { A; s (); } }
```

- Anwendung: C-Programme ohne Schlüsselwörter. (Wiederholung: wie entfernt man if?)
- Anwendung: International Obfuscated C Code Contest https://www.ioccc.org/

- Typeset by FoilTEX -

Analyse des Programmablaufes It. JLS

• die genannten Bedingungen werden statisch geprüft: ... takes into account the structure of statements and

expressions; it also provides a special treatment of the expression operators &&, $|\cdot|$, !, and ? :, and of boolean-valued constant expressions.

Except for the special treatment of the conditional boolean operators &&, ||, !, and? : and of boolean-valued constant expressions, the values of expressions are not taken into account ...

```
Error:
variable x might not have been initialized
{final int x; if(false) x=8; System.out.println(x);
```

Aufgaben zur Programm-Äquivalenz

- vereinfachtes Modell, damit Eigenschaften entscheidbar werden (sind die Programme P₁, P₂ äquivalent?)
- Syntax: Programme
- Aktionen,
- Zustandsprädikate (in Tests)
- Sequenz/Block, Verzweigung (if)
- Sprünge: Label, goto,
- Schleifen: while, break, continue
- Boolesche Variablen und Operatoren
- Beispiel: while (B && !C) { P; if (C) Q; }

- Typeset by FoilT_EX -

Hausaufgaben

WS 24: 1, 3, 5

- 1. Syntax If-Then-Else
- (a) (Wdhlg) Ergänzen: das Problem des dangling else ist die Mehrdeutigkeit der Grammatik mit den Regeln . . .
- (b) (Wdhlg) Geben Sie ein Bespielprogramm *P* mit 2 Ableitungsbäumen bzgl. einer solchen Grammatik an.
- (c) Suchen Sie die entsprechenden Regeln der Java-Grammatik,
- (d) geben Sie den Ableitungsbaum für voriges P bzgl. dieser Grammatik an, begründen Sie, daß diese Grammatik eindeutig ist.
- (e) Suchen Sie die entsprechenden Regeln in der Grammatik der Programmiersprache Ada,

- Typeset by FoilT_EX -

Typeset by FoilT_EX

(f) wie muß P geändert werden, damit es durch diese Grammatik erzeugt werden kann?

entscheidbar.— Beziehung zu tatsächlicher Äquivalenz?

Approximierte Spur-Semantik v. Programmen

• Semantik des Programms P ist Menge der Spuren von P.

- ein Zustand ist eine Belegung der Prädikatsymbole,

- jede Aktion zerstört alle Zustandsinformation.

Beweis: Konstruktion über endlichen Automaten.

• Satz: Diese Spursprachen (von goto- und

while-Programmen) sind effektiv regulär.

Zustandsmenge = Prädikatbelegungen ×

Damit ist Spur-Äquivalenz von Programmen

Anweisungs-Nummer

- Transitionen? (Beispiele)

- Spur = eine Folge von Paaren von Zustand und Aktion,

2. Kompilation für Mehrfachverzweigung

(a) Schreiben Sie ein Programm, das einen C-Programmtext dieser Form ausgibt

```
void p(int x) {
    switch (x) {
        case 0 : q0(); break;
        case 1 : q1(); break;
        ...
        case 999 : q999(); break; } }
Unterprogramme q<sub>i</sub> nicht definieren, es geht nur um
```

Kompilation (zu Objektfile, ohne Linking)

(b) Betrachten Sie den Assemblercode, der dafür von

- Typeset by FoilT_EX -

- Typeset by FoilT_EX -

gcc -02 -s erzeugt wird.

(c) Ändern Sie das Programm zu

```
case 0: ...
case 100:
...
case 99900:
```

beobachten und erklären Sie (ggf. weiter Abstände ausprobieren)

- pattern matching (bzw. Pläne dafür) in JS, TS, C# zeigen (mit Primärguellen)
- ein (kurzes) (Gewinner-)Programm eines IOCCC vorführen und erläutern, bei dem Programmablaufsteuerung nicht offensichtlich ist

- Typeset by FoilTEX -

5. mit JLS 14.21, 14.22 erklären:

```
switch(0) { case 0 -> 0; default -> { int y = 0; y
weitere Beispiele zeigen für dort genannte Bedingungen
```

- Typeset by FoilTEX - le

Id - Typeset by FoilT_EX -

Semantik (Teil 2)

Dynamische Semantik

- Methoden zur Beschreibung der Semantik:
- operational: beschreibt Wirkung einzelner
 Anweisungen durch Änderung des Speicherbelegung
- denotational: ordnet jedem (Teil-)Programm einen Wert zu, Bsp: eine Funktion (höherer Ordnung).
 Beweis von Programmeigenschaften durch Term-Umformungen
- axiomatisch (Bsp: Hoare-Kalkül): Schlußregeln zum Beweis von Aussagen über Programme
- Anwendung: die dynamische S. von zusammengesetzen Anweisungen beschreibt Programm-Ablauf-Steuerung

- Typeset by FoilT_EX -

Programm-Ablauf-Steuerung

- engl. *control flow*, falsche Übersetzung: Kontrollfluß; to control = steuern, to check = kontrollieren/prüfen
- von-Neumann-Modell: jede Anweisung beschreibt
- Was? (Operation) Womit? (Operanden) Wohin? (Resultat)
- Wie weiter? (nächste Anweisung)

Programm-Ablauf dabei also durch Sprünge gesteuert

- Ablaufsteuerung durch strukturierte Programmierung: jedes Teilprogramm (Teilbaum des AST) hat genau einen Eingang und genau einen Ausgang
- vorzeitiges Verlassen eines Teilprogrogramms:
 Schleife (break, continue), UP (return), throw/catch

- Typeset by FoilT_EX -

Axiomatische Semantik

Notation für f. Aussagen über Speicherbelegungen: Hoare-Tripel: { V } A { N }

- für jede Belegung s, in der Vorbedingung V gilt:
- wenn Anweisung A ausgeführt wird und Belegung t erreicht wird,
- ullet dann gilt dort Nachbedingung N

Beispiel: { x >= 5 } y := x + 3 { y >= 7 } Beachte: {x >= 5} while (true) ; {x == 42} Gültigkeit solcher Aussagen kann man

- (vor Programm-Ausführung) beweisen (mit Hoare-Kalkül)
- (während Programm-Ausführung) überprüfen (assert)

- Typeset by FoilTEX -

- Typeset by FoilT_EX

Hoare-Kalkül: Überblick

zu jedem Knotentyp in abstrakten Syntaxbäumen von strukturierten imperativen Programmen ein Axiom-Schema

- elementare Anweisung:
- leere Anweisung { N } skip { N }
- Zuweisung $\{ N[x/E] \} x := E \{ N \}$
- zusammengesetzte Anweisungen:

Anweisungen: Definition

- abstrakte Syntax:
 - einfache Anweisung:
 - * leere Anweisung (skip), Zuweisung (l:=r),
 - * Sprung goto, break, continue, return, throw
 - * Unterprogramm-Aufruf (p(a,b))
 - zusammengesetzte Anweisung:
 - * Nacheinanderausführung (Block)
 - * Verzweigung (zweifach: if, mehrfach: switch)
 - * Wiederholung (Schleife)
- Semantik: Ausführen einer Anweisung

bewirkt Zustandsänderung

(evtl. mit mehreren Zwischenzuständen)

Zustand: Speicherbelegung und Außenwelt (über OS)

- Typeset by FoilT_EX -

ld

Operationale Semantik: Sprünge

• Maschinenmodell:

Variable PC (program counter) enthält Adresse des nächsten auszuführenden Befehls

• Semantik von $\mathsf{Goto}(z)$ ist: $\mathsf{PC} := z$ Semantik der Nicht-Sprungbefehle: . . . , $\mathsf{PC} := \mathsf{PC} + 1$

 andere Varianten der Programmablaufsteuerung können in Goto-Programme übersetzt werden

Bsp: Schleife while (B) $A \Rightarrow \text{if}$ (B) ... das findet bei Kompilation von Java nach JVM statt

- Typeset by FoilT_EX -

ld

Eiffel

Beispiel sinngemäß aus: B. Meyer: *Object Oriented Software Construction*, Prentice Hall 1997

Sprachstandard: Eiffel: Analysis, design and programming

language ECMA-367 (2nd edition, June 2006)

- Typeset by FoilTEX -

Axiom für Zuweisung

- Axiom (-Schema): { N[x/E] } $x := E \{ N \}$
- dabei bedeutet N[x/E]:

 $\mbox{ der Ausdruck } N, \mbox{ wobei jedes Vorkommen des Namens } x \mbox{ durch den Ausdruck } E \mbox{ ersetzt wird}$

Bsp: $(y \ge 7)[y/x + 3] = (x + 3 \ge 7) = (x \ge 4)$

- Bsp: Anwendung $\{ \dots \} y := x+3 \{ y >= 7 \}$
- Übung: welche Vorbedingung ergibt sich für

```
a := a + b; b := a - b ; a := a - b;
```

und Nachbedingung $a = X \wedge b = Y$?

Dabei auch Axiom für Nacheinanderausführung benutzen

- Typeset by FoilT_EX -

Simultan-Zuweisung

- Anweisung $(v_1, v_2) := (e_1, e_2)$ für $v_1 \neq v_2$
- · axiomatische Semantik: $\{N[v_1/e_1, v_2/e_2]\}\ (v_1, v_2) := (e_1, e_2)\ \{N\}$ verwendet links simultane Ersetzung
- Bsp: $\{\ldots\}$ $\{a,b\} := \{b,a\}$ $\{a=2 \land b=5\}$ Bsp: $\{\dots\}$ (x,y) := (x+y, x-y) $\{x = 7 \land y \ge 3\}$
- realisiert in der Sprache CPL 1963
- in JS als destructuring assignment, ECMA 262: 12.15.5 [a,b]=[8,9]; [a,b]=[b,a]

- Typeset by FoilT_EX -

Axiom für Verzweigung

das Axiom:

```
wenn { V und
                 B } C { N }
und { V und not B } D { N }
dann { V } if (B) then C else D { N }
```

Anwendung: beweisen Sie

```
\{ x > 9 \}
if (x > y) then a := x - 2 else a := y + 2
\{a > 7\}
```

- Typeset by FoilT_EX -

Axiom für Schleifen

- wenn { I and B } A { I }, dann { I } while (B) do A { I and not B }
- Eingabe int p, q; // p = P und q = Q int c = 0;// inv: p * q + c = P * Qwhile (q > 0) { ??? := ???; q := q - 1; // c = P * Q
- Invariante muß: 1. vor der Schleife gelten, 2. im S.-Körper invariant bleiben, 3. nach der Schleife nützlich sein
- erst Spezifikation (hier: Invariante), dann Implementierung. (sonst: cart before the horse, EWD 1305)

- Typeset by FoilTEX -

Typeset by FoilT_EX

Erweiterter Euklid — imperative Impl.

- Ansatz: verwende $x, y, a, b, p, q \ge 0$ mit Invariante $gcd(x, y) = gcd(x_{in}, y_{in}) \land x = a \cdot x_{in} + b \cdot y_{in}, y = p \cdot x_{in} + q \cdot y_{in}$
- \bullet // X = x, Y = y, x >= 0, y >= 0 (a,b,p,q) := ...// Inv: gcd (x,y) = gcd (X,Y), x = a X + b Y, y = p X + q Ywhile (y > 0) { (x,y,a,b,p,q) := (y, x mod y, ...) $// \gcd(X,Y) = a X + b Y$

Logische Axiome

- logische Umformungen (Programm A bleibt erhalten)
- Verschärfen einer Vorbedingung (von V zu V')
- Abschwächen einer Nachbedingung (von N zu N')

```
wenn { V } A { N } und V' => V und N => N'
dann { V' } A { N' }
```

- Anwendung: beweise $\{x < 1\}$ $x := 5-x \{ x > 2 \}$
- Zuweisungs-Axiom ergibt $\{5-x>2\}$ x:=5-x $\{x>2\}$
- äquivalent umgeformt zu $\{x<3\}$ x:=5-x $\{x>2\}$
- dann o.g. Axiom anwenden mit V=(x<3), V'=(x<1), N=N'=(x>2)

- Typeset by FoilT_EX -

Axiom für Verzweigung (Rechnung)

ld

- wir müssen $\{x>9 \text{ und } x>y\}$ a:=x-2 $\{a>7\}$ und $\{x>9 \text{ und } x<=y\}$ a:=y+2 {a>7} zeigen, um das Axiom-Schema anwenden zu können
- Zuweisungs-Axiom ergibt $\{x-2>7\}$ a:=x-2 $\{a>7\}$ äquivalent umgeformt $\{x>9\}$ a:=x-2 $\{a>7\}$ Axiom-Schema zum Verschärfen der Vorbedingung $(V' = (x > 9) \land (x > y), V = (x > 9))$ ergibt erstes Teilziel
- Zuweisungs-Axiom ergibt {y+2>7} a:=y+2 {a>7} äquivalent umgeformt $\{y>5\}$ a:=y+2 $\{a>7\}$ Axiom-Schema zu Verschärfen der Vorbedingung ist anwendbar für $V'=(x>9 \land x\leq y), V=(y>5)$ wegen $V'\Rightarrow V,$ ergibt zweites Teilziel

- Typeset by FoilT_EX -

Erweiterter Euklidische Algorithmus (Spezif.)

- Def: gcd(x, y) ist das Infimum (größte untere Schranke) von x und y in der Teilbarkeits-Halbordnung, d.h., $\gcd(x,y)|x \wedge \gcd(x,y)|y \wedge \forall h : \dots$
- Erweiterter Euklidischer Algorithmus, Spezifikation:
 - Eingabe: $x, y \in \mathbb{N}$
 - Ausgabe: $a, b \in \mathbb{Z}$ mit $g = a \cdot x + b \cdot y \wedge g | x \wedge g | y$
- Ü: diese Spez. erfüllen für Eingabe x = 60, y = 35
- Satz: $g = \gcd(x, y)$.
- Beweis des Satzes:
 - 1. $g|x \wedge g|y$ nach Spezifikation,
- 2. . . .

- Typeset by FoilTEX -

Partielle und totale Korrektheit

- Hoare-Tripel {V} A {N} beschreibt partielle Korrektheit: wenn vorher V gilt und A hält, dann gilt danach N Bsp: {true} while (true); {x=42} ist wahr
- stärker (und nützlicher) ist totale Korrektheit: partielle Korrektheit *und* A hält tatsächlich (*Termination*)
- Beweis-Verfahren (für Schleifen while (B) do A)
- partielle Korrektheit: Invariante
- Termination: Maßfunktion (Schrittfunktion) m: Speicherbelegung $\rightarrow \mathbb{N}$ mit {m = M} A { m < M} Bsp: eine Maßf. für while (x>0) { ...; x=x/2; } ist x
- es gilt: m(aktueller Zustand) > verbleibende Anzahl der Schleifendurchläufe (Schritte)

Beispiele für Maßfunktionen

```
• while (x > 0) \{ x = x - 1; \} // MF: x
• z = 1; while (x > 0) {
  y = x; x--; while (y > 0) { y--; z++; }
 }
 \mathsf{MF}(x,y) = 2x^2 + y, denn für x \ge 1:
 \mathsf{MF}(x,y) \ge 2x^2 + 0 > \mathsf{MF}(x-1,x) = 2(x-1)^2 + x =
 2x^2 - 3x + 2
• z = 1; while (x > 0) {
  y = z; x--; while (y > 0) { y--; z++; }
 } // MF: ?
- Typeset by FoilTEX -
```

Automatische Laufzeitanalyse

- Martin Hofman, Jan Hoffman, et al.: Resource Aware ML, 2010-, https://www.raml.co/publications/ Namen sind statisch typisiert, Typ enthält Komplexität Typ wird inferiert (Koeffizienten des Laufzeitpolynoms durch Constraint-Solver bestimmt)
- Intl. Workshop on Termination (seit 1993), Intl. Termination and Complexity Competition (seit 2003), https://www.termination-portal.org/
- Geser, Hofbauer, Waldmann: SRS Termin. Analysis https://gitlab.imn.htwk-leipzig.de/waldmann/pure-matchbox#srs-nontermination-analysis
- automatische Analyse ist nützlich, denn ... https://accidentallyquadratic.tumblr.com/

#include <iostream>

- Typeset by FoilT_EX -

- Typeset by FoilTEX -

```
a := a XOR b beginnt, wobei XOR die bitweise
 Antivalenz bezeichnet.
• Für das C++-Programm
```

```
void sub (int & a, int & b) {
  a = a + b; b = a - b; a = a - b;
}
int main () {
  int p = 3; int q = 4;
  sub (p, q); // (*)
  using namespace std;
  cout << p << q << endl;
```

B. Ergänzen Sie das folgende Programm, so daß die Spezifikation (das Potenzieren) erfüllt wird:

```
Eingabe: natürliche Zahlen a, b;
 // a = A und b = B
 int p := 1; int c := ???;
 // Invariante: c^b * p = A^B
 while (b /= 0) {
     if (b ist ungerade)
       then (c,p) := \dots
       else (c,p) := \ldots
     // Z
     b := abrunden (b/2);
 Ausgabe: p; // p = A^B
- Typeset by FoilTEX -
```

Wie findet man die Maßfunktion?

- die richtige Antwort ist (wie für die Invariante, siehe EWD): das ist die falsche Frage.
- das softwaretechnisch richtige Vorgehen ist:
- 1. (Entwurf) Invariante und Maßfunktion hinschreiben,
- 2. (Implementierung) Schleife so ausprogrammieren, daß diese Behauptungen stimmen.
- in der Praxis wünscht man eine Teil-Automatisierung: maschinelles Finden von einfachen ("offensichtlichen") Maßfunktionen und Beweisen dafür
- vgl. Typisierung von Namen:
- Deklaration (durch Programmierer),
- Inferenz (durch Compiler) (z.B. var in C#, auto in C++)

- Typeset by FoilT_EX -

Hausaufgaben

Für alle Programme: Diskussion der Eigenschaften (Hoare-Tripel, Invarianten) im Pseudocode. Geben Sie zusätzlich eine Implementierung in einer Programmiersprache Ihrer Wahl an, die dem Pseudocode optisch nahe kommt. Für Java: verwenden Sie assert (JLS 14.10)

WS 24: 2, 4, 5

- 1. zur Folie "Zuweisungs-Axiom":
 - bestimmen Sie die Vorbedingung zu a := a + b; ..., aus den Axiomen für Zuweisung und Nacheinanderausführung.
- Geben Sie ein ähnliches Verfahren an, das mit

- Typeset by FoilT_EX -

Kompilieren Sie mit -03, betrachten Sie den erzeugten Assemblercode: für sub: wieviele Register werden benutzt? für main: vergleichen Sie mit der Variante, bei welcher der markierte Unterprogrammaufruf auskommentiert wird (beide Varianten abspeichern, z.B.

```
g++ -03 -S -o prog.s prog.cc, diff benutzen)
```

2. https://www.imn.htwk-leipzig.de/~waldmann/ edu/ws21/inf/folien/#(114) (Parteien A, B, C).

Vgl. auch die Folien davor (20 und 21 Kugeln)

https://www.imn.htwk-leipzig.de/~waldmann/ edu/ws21/inf/folien/#(9) (91 Atome)

- Typeset by FoilTEX -

- Initialisieren Sie c so, daß die Invariante gilt.
- Wieso folgt aus der Invariante bei Verlassen der Schleife die Korrektheit der Ausgabe?
- Bestimmen Sie eine geeignete Aussage Z als Vorbedingung der nachfolgenden Anweisung bezüglich der Invariante.
- Bestimmen Sie daraus die Lücken (...)

4. Für das Programm

- zeigen Sie, daß die erste Ausgabe gleich gcd (A, B) ist.
 Zeigen Sie dazu: gcd (a, b) = gcd (A, B) ist invariant.
 Welche Eigenschaften des gcd werden benötigt?
- was ist die zweite Ausgabe? Geben Sie eine Vermutung an und beweisen Sie mit einer geeigneten Invariante.
- wozu ist die Bedingung "positiv" notwendig?

- Typeset by FoilTi_EX -

5. Es können zusätzlich Aufgaben aus dem Math+-Adventskalender https:

//www.mathekalender.de/wp/de/kalender/ bearbeitet werden—wenn eine Beziehung zur Vorlesung hergestellt wird, z.B. Verwendung einer Methode aus dem Skript oder einer esoterischen Programmiersprache.

Zum Lesen der Aufgaben ist keine Registrierung erforderlich.

In unserem Issue-Tracker diskutieren, pro Woche max. eine Aufgabe zur Präsentation in der Übung, sofern Zeit ist. Aufgaben müssen nicht vollständig gelöst werden.

- Typeset by FoilT_EX -

Id