

autotool-Syntax: Sie sollen jeweils eine Grammatik sowie einige Beispiel-Ableitungen (wie in Aufgabe ABL) aufschreiben. Beachten Sie, daß die ersten beiden Zeilen in Spalte 1 beginnen *müssen*, aber alle folgenden Zeilen *nicht* in Spalte 1 beginnen *dürfen*.

```
import Grammatik
student =
    ( Grammatik { terminale = mkSet "ab"
                , nichtterminale = mkSet "S"
                , startsymbol = 'S'
                , regeln = mkSet [ ("S", ""),
                                   ("S", "aSbS"), ("S", "bSaS") ] }
    , [ [ "S", "aSbS", "aSb", "ab" ] , [ "S", "" ] ]
    )
```

(autotool) Konstruieren Sie kontextfreie Grammatiken für diese Sprachen

NOP) $P = \{w \mid w \in \{0, 1\}^*, w \text{ ist kein Palindrom}\}$

1 P.

NAB) (Zusatz) $Q = \{a, b\}^* \setminus \{(a^n b)^n \mid n \geq 0\}$

Konstruieren Sie für die Sprache P außerdem

NOPCH) eine Grammatik in Chomsky-Normalform

1 P.

NOPGR) eine Grammatik in Greibach-Normalform

1 P.

Wir betrachten aussagenlogische Formeln mit den Operatoren *And*, *Or* (zweistellig) und *Not* (einstellig). Dabei kürzen wir die Operatoren durch ihre Anfangsbuchstaben ab, schreiben sie vor die Argumente, und klammern diese vollständig. Beispiel: $A(N(p), q)$.

autotool: FP) Finden Sie eine kontextfreie Grammatik für die Menge $F(p)$ der Formeln, in denen nur die Variable p vorkommt.

Das also ist eine Sprache über dem Alphabet $\Sigma = \{\boxed{A}, \boxed{O}, \boxed{N}, \boxed{(}, \boxed{)}, \boxed{,}, \boxed{p}\}$.

Die Nichtterminalmenge der Grammatik soll *nur aus dem Startsymbol* bestehen.

1 P.

[Zusatz] (schriftlich) Beweisen Sie für jedes k : die Menge $A(p_1, \dots, p_k)$ aller *allgemeingültigen* Formeln mit Variablen aus $\{p_1, \dots, p_k\}$ ist eine kontextfreie Sprache.

(schriftlich) Beweisen Sie: Die Grammatik G mit Regelmenge $\{S \rightarrow \varepsilon, S \rightarrow aSbS, S \rightarrow bSaS\}$ erzeugt die Sprache $E = \{w \mid w \in \{a, b\}^*, |w|_a = |w|_b\}$.

- Zeigen Sie durch Induktion nach Länge der Ableitung, daß für jede aus S erzeugbare Satzform $u \in \{a, b, S\}^*$ gilt: $|u|_a = |u|_b$. 1 P.
- Wieso folgt daraus $L(G) \subseteq E$? 1 P.
- Zeigen Sie: jedes nicht leere Wort $w \in E$ besitzt eine Zerlegung $w = aubv$ oder $w = buav$ mit $u \in E$. 1 P.
- Was folgt daraus für v ? 1 P.
- Beweisen Sie damit $E \subseteq L(G)$. 1 P.
- Erzeugt G' mit Regelmenge $\{S \rightarrow \varepsilon, S \rightarrow aSbS, S \rightarrow SbSa\}$ auch die Sprache E ? 1 P.

Hinweis: benutzen Sie die Funktion $h : \{a, b\}^* \rightarrow \mathbb{N}$ (Höhe) definiert durch $h(w) = |w|_a - |w|_b$.